# 鉄骨置屋根体育館の各種諸元が

# RC 片持架構の構面外応答制御と評価法の適用性に与える影響 EFFECT OF DESIGN SPECIFICATIONS OF RC GYMNASIUMS WITH METAL SPATIAL ROOFS ON RESPONSE CONTROL OF CANTILEVERED RC WALLS AND THE RESPONSE EVALUATION METHOD

# 寺澤友貴<sup>\*1</sup>,市橋啓太<sup>\*2</sup>,竹内 徹<sup>\*3</sup> Yuki TERAZA WA, Keita ICHIHASHI and Toru TAKEUCHI

This paper investigates the effect of the span of cantilevered RC wall, the in-plane stiffness of the roof, the layout of friction damper support on both the response control of cantilevered RC walls in RC gymnasiums with metal spatial roofs and the proposed response evaluation method. According to the response history analysis results, the proposed method was proved to be available on various RC gymnasiums and the evaluation formula of the column base moment of the cantilevered RC walls was modified following the appropriate moment diagram.

**Keywords:** Out-of-plane Response, Cantilevered RC Wall, Metal Spatial Roof, Roller Support, Friction Damper, Spatial Structure 構面外応答, RC 片持架構, 鉄骨屋根, 滑り支承, 摩擦ダンパー, 空間構造

# 1. 序

支承を介して下部 RC 造躯体に鉄骨造屋根が支持される体育館は, 鉄骨置屋根体育館 <sup>1)</sup>と呼ばれる。鉄骨置屋根体育館では, アリーナ 床から片持で支持される RC 架構(RC 片持架構)が地震時に構面外に 振動(構面外応答)すると, 鉄骨造屋根を支持する支承部が強制変形 を受けて支承部の敷モルタルのひび割れやアンカーボルトの引張降 伏が生じ, 次に過大な支承部反力を受けて支承部が載る RC 部材の 側方破壊,支承部に接続する屋根部材の座屈や破断が生じ, さらに は天井材の落下,屋根の陥没,部材の落下などの被害が生じる<sup>2)-4)</sup>。

RC 片持架構の構面外応答に起因する諸問題について,(a)現象の 解明 <sup>5)-7)</sup>,(b)支承部・屋根部材の性能評価 <sup>7)-11)</sup>,(c)RC 片持架構の応 答評価 <sup>12)-15</sup>,(d)有効な新築・改修方法 <sup>16)-19</sup>,に関する研究が精力 的に行われてきた。例えば(a)について,成田ら<sup>5)</sup>,寺澤ら<sup>6)</sup>,渡辺・ 山下ら<sup>7)</sup>は、実在する被災体育館の再現解析から地震被害の原因を 詳細に分析した。(b)について,山田ら<sup>5),9</sup>,伊藤・山下ら<sup>10)</sup>は、支 承部の載荷実験を行い、支承部の性能評価法や適切な支承部収まり を明らかにした。寺澤ら<sup>11)</sup>は、部分模型の載荷実験を行い立体トラ スの屋根トラス部材の座屈耐力評価法を提案した。(c)について、成 田・稲葉・寺澤ら<sup>12)-15</sup>は、各種支承部で鉄骨造屋根に接続される RC 片持架構の応答評価法を提案した。(d)について、成田・寺澤・稲葉 ら<sup>16)-19</sup>は、エネルギー吸収型支承を用いた制振型改修法を提案し、 屋根メーカーにより摩擦ダンパー支承として実用化された<sup>20)</sup>。加藤 ら<sup>21)</sup>は、曲げ部材や平鋼を挿入する強度型改修法を提案した。

RC 片持架構の構面外応答に起因する諸問題の検定は,保有水平 耐力計算法など建築基準法が指定する現行の耐震設計法に未だ含ま そこで本研究では、鉄骨置屋根体育館の各種諸元が RC 片持架構 の構面外応答制御と上述の評価法の適用性に与える影響を数値解析 的に検証する。まず2章では想定建物の数値解析概要を述べる。次 の3章と4章では RC 片持架構スパン,屋根半開角,屋根面内剛性, 摩擦ダンパー支承配置が RC 片持架構の構面外応答と評価法の適用 性に与える影響を分析する。最後の5章では正確な RC の復元力特 性を考慮した数値解析結果と評価法を比較検証し、摩擦ダンパー導 入時の柱脚曲げモーメントの評価法を修正する。

\*3 東京工業大学 建築学系 教授・博士 (工学)

Assist. Prof., Dept. of Arch. and Build. Eng., Tokyo Institute of Technology, Dr. Eng. Former, Grad. Student, Tokyo Institute of Technology, M. Eng. Prof., Dept. of Arch. and Build. Eng., Tokyo Institute of Technology, Dr. Eng.

れていない。しかし、体育館は避難施設として災害後も継続使用が 求められるため, 法規の不足を補う設計法として上述の研究成果を 社会に還元する活動 1),22)が行われている。これに対して筆者らは、 多くの試行錯誤 0,12-19の末に、摩擦ダンパーを含む滑り支承で鉄骨 造屋根に接続される RC 片持架構の構面応答制御設計法<sup>15)</sup>を提案し た。同設計法は、法規・規準類との対応関係を明示しつつ、設計ク ライテリア, 地震荷重, モデル化, 設計式の手順を詳細に指定し, 実務設計者が利用できるよう簡便で直接的な手続きとしている。特 にその設計用変位・応力の評価法には、RC 片持架構を棒または板に 置換した力学モデルと古典的な連続体の振動理論を採用し, 被災体 育館の数値解析と振動大実験を通して妥当性が示された。一方で, 前報15)では、同評価法について、(1)異なる体育館への適用性は不明、 (2)力学モデルは RC 片持架構のみがモデル化され支承部相対変位に 与える屋根面内変形の影響は未検証,(3)曲げ降伏時の割線剛性で線 形評価される変位・応力と剛性劣化など RC の復元力特性を考慮し た数値解析結果との対応関係が未検証,(4)摩擦ダンパーを一部の支 承に集中配置する設計への適用性が不明、などの課題が残った。

<sup>\*1</sup> 東京工業大学 建築学系 助教·博士(工学)

<sup>\*2</sup> 元 東京工業大学 大学院生 修士 (工学)

# 2. 数值解析概要

### 2.1 検討対象建物とモデル化の共通事項

Fig. 1(a)に検討対象建物の概要を, Table 1 に主要部材諸元を示す。 検討対象は 1996 年に建設された実在する高等学校の鉄骨置屋根体 育館<sup>1)</sup>であり,円形鋼管部材で構成される複層円筒シェル(システム トラス)が支承を介して RC 躯体に支持されている。同体育館は,地 上4 階建てであり, 1F~2F が特殊教室を有する壁付き RC ラーメン 構造, 3F~屋根部が桁行方向(x 方向,屋根円筒方向)45.8m,梁間方向 (y 方向,屋根円周方向)34.4m を有する 2 層吹抜けのアリーナとなっ ている。また,鉄骨造屋根は4 隅と妻面のピン支承と,円筒アーチ のスラスト力を解放するように梁間方向に滑動可能なピンローラー 支承(滑り支承)で支持されている。2016 年熊本地震では,同体育館 は,アリーナフロア(3FL)から支持される桁面 RC 片持架構(Y1, Y6 構面)の梁間方向構面外応答により序文に示した地震被害を生じ,筆 者らの既往研究<sup>6,11),15),19</sup>によりその損傷メカニズムの解明や摩擦 ダンパー支承による改修効果の検証が行われてきた。本研究では, 同建物を標準的な鉄骨置屋根体育館として一般化して用いる。

Fig.1(b)に数値解析モデル<sup>23)</sup>の概要を示す。本研究の3章~4章で は、筆者らの既往研究 %と同様に、広範なパラメータ検討を行うた めに同体育館を簡略化した立体モデルを用いる。下部 RC 構造では, RC 片持架構の構面外応答に影響が小さい特殊教室は省略し、アリ ーナ床の該当節点は回転を固定して簡易的な剛床 のとする。柱梁の RC 部材は曲げ降伏時の割線剛性に相当する劣化剛性 Bilinear 型の 復元力特性を適用した一次元有限要素でモデル化する %。耐震壁は せん断変形が等価な弾性ブレースとしてトラス要素でモデル化する。 鉄骨造屋根部では、原設計の複層円筒シェル(Fig.1(a))からグリッド 数を半減し、大梁と小梁が屋根支承と妻面柱位置に直接接続される ような単層円筒シェルに簡略化する。Table 2 に鉄骨造屋根部のみの 卓越固有振動特性の比較を示す。この簡略化においては、滑り支承 部変形に寄与する屋根部面内振動モード(Table 2の Sway モード)を 正確に再現できるように単層円筒シェル屋根の部材諸元(Table1(c)) を試行錯誤により決定した。Table 2 に示すように、単層と複層の屋 根モデルの卓越固有振動特性は概ね一致している。単層円筒シェル 屋根の大梁 S1,小梁 S2, 妻面柱 S3 は一次元有限要素でモデル化し, 水平ブレース B1~B8 はトラス要素でモデル化する。また屋根部材は 全て弾性を維持するものとする。支承部は xyz 各並進方向の長さの ないバネ要素としてモデル化し、ピン挙動を示す方向は支承部を固



	(a) R	C substru	cture			(b) Double	e layer r	oot mei	mber
No.	RC section $B \times H$	Young's modulus	Cracking M <sub>c</sub>	Yield $M_{y}$	No.	CHS $D \times t$	Upper	Lower	Web
	(mm)	$(N/mm^2)$	(kNm)	(kNm)		$\begin{array}{c} \text{CHS} \\ D \times t \\ (mm) \\ 60.5 \times 3.2 \\ 76.3 \times 3.2 \\ 89.1 \times 4.2 \\ 101.6 \times 4.2 \\ 114.3 \times 4.5 \\ 139.8 \times 4.5 \\ \end{array}$	chord	member	
RG2	500×1000		207	224	D1	60.5×3.2			0
4C3	700×1000		385	932	D2	76.3×3.2			0
3C8	700×1000	21692	367	733	D3	89.1×4.2	0	0	0
3C3	700×1000	E = 21	424	1043	D4	101.6×4.2	0	0	0
3C2	700×1000	$(N/mm^2)$ 21682 $F_c=21$	367	733	D5	114.3×4.5	0		0
2C14	700×1000		510	1155	D6	139.8×4.5	0	0	
1C4	700×1000		543	1246					

(	c) Single layer roof member	(B5) (d	d) Single l	ayer roof member	$(L_x = 46m)$

(c) single layer	(B5)	(u) single layer to	of member $(L_x -$	- 40111)
No.	Section (mm)	Level of	Brace section	T <sub>RI</sub>
Girder	11.7002001224	roof stiffness	(mm)	(s)
S1	H-/00×300×13×24	B1	○-21.7×2.0	0.43
Beam	11.250 175 7 11	B2	○-27.2×2.0	0.38
S2	H-350×175×7×11	B3	○-34.0×2.3	0.32
Gable column		B4	○-42.7×2.3	0.29
S3	H-200×200×8×12	B5 (Base model)	○-48.6×2.5	0.26
Brace	0	B6	○-89.1×2.8	0.17
В5	○-48.6×2.5	B7	○-139.8×3.6	0.12
	•	D9	$\bigcirc$ 216 2×4 5	0.00

Mode shape	Sway				Sway					
	Sway		01		Sway					
	Double	Single								
Number	Mode 2	Mode 5	Mode 4	Mode 8	Mode 16	Mode 27	Mode 21	Mode 87	Mode 46	Mode 85
Period (s)	0.260 s	0.261 s	0.196 s	0.199 s	0.085 s	0.087 s	0.073 s	0.016 s	0.050 s	0.016 s
Mass ratio (%)	20.2 %	29.5 %	3.77 %	3.11 %	1.94 %	2.50 %	0.362 %	1.84 %	0.300 %	1.20 %

Table 2 Comparison of predominant modes between the double-layer roof model and the equivalent single-layer roof model

定するアンカーボルトのせん断剛性のを与え,滑動する方向は十分小さい剛性を与える。摩擦ダンパー支承には,耐力 Q<sub>d</sub>,初期剛性100kN/mm,2次剛性比 p=0.001の Bilinear 型復元力特性を設定する。この他にモデル各部が負担する節点質量は,屋根部重量0.55kN/m<sup>2</sup>,下部構造重量23.5kN/m<sup>3</sup>より換算して設定する。なお,上記のRC部材の簡略モデルは実被害との比較から妥当性が確認されている一方,5章では,従来型の復元力特性を考慮したモデルを用いて初期剛性や繰返しの剛性劣化挙動がRC片持架構の変位・応力状態に与える影響を別途検証する。

### 2.2 検討パラメータ

Fig.1(c)に検討パラメータに基づくモデル名称を, Fig.2 に摩擦ダ ンパーの配置例を示す。本研究では、2.1節で述べたモデル(Lx=46m、 θ=30°, B5)を標準として、①桁行方向の RC 片持架構スパン L<sub>x</sub>(柱間 を固定してグリッド数を変動させる), ②屋根部半開角 θ, ③屋根面 内剛性レベル B1~B8(Table 1(c)に示す屋根面水平ブレース断面によ り調整), ④片側の RC 片持架構に配置する摩擦ダンパー支承数 nd (配置位置は Fig.2 に示す通り), ⑤片側の RC 片持架構に配置する摩 擦ダンパー耐力合計値 ΣQ<sub>d</sub>の異なるモデルを作成し、広範なパラメ ータ検討を行う。ここで RC 片持架構スパン Lx は RC 片持架構の構 面外応答割線周期 Twと屋根面内振動モード周期 Twに影響し,屋根 部半開角 θ と屋根面内剛性レベル B1~B8 は T<sub>RI</sub> に影響する。後述す る通り,RC片持架構の構面外応答に対する屋根面内振動の励起が, 滑り支承部変位(両者の相対変位)に与える影響が大きく、本研究で は、その割線周期比  $R_{TI} = T_w/T_{RI}$ を比較分析の指標として定義す る。3~4 章で議論する摩擦ダンパーの無い全てのモデルの固有振動 特性は Table 3 にまとめて示す通りである。なお、屋根部のみのモデ ルの静的解析のみで大凡のTRIを推定する方法は付録Aに示す。

## 2.3 数値解析手法と入力地震動特性

本研究は Newmark β 法(β=1/4)による時刻歴応答解析を用いる。時 刻歴応答解析では幾何剛性および大変形を考慮する。比例減衰行列 は初期の質量行列と剛性行列に比例するレーリー型とし,1 次と2 次モードに3%の初期減衰比を設定する。Fig.3 に入力地震動の加速 度応答スペクトルを示す。本研究では、前報<sup>15)</sup>と同様に、保有水平 耐力計算法の振動特性係数相当の設計用スペクトルに位相適合した 観測5波を入力地震動とする。

# 2.4 前報<sup>15)</sup>にて提案した RC 片持架構の構面応答評価法

前報<sup>15)</sup>にて提案した RC 片持架構の構面応答評価法を要約する。 Fig.4 と Table 4 に応答評価の力学モデルと諸元を示す。提案手法で は, RC 片持架構を単位荷重下における歪エネルギーが等価な 1 本 の棒(Fig.4(a))または 1 枚の板(Fig.4(b))の力学モデルに置換し、この 力学モデルに古典的な連続体の振動理論を適用して応答評価する。

まず, RC 片持架構の諸元を計算する。アリーナ床から数えて1層 目と2層目の RC 柱の断面2次モーメント $I_1^{(i)}$ ,  $I_2^{(i)}$ と屋根レベルの RC 梁の断面二次モーメント $I_g^{(j)}$ は,該当する長方形断面の断面二次 モーメント $I_0$ ,鉄筋による増大率 $\phi^{24}$ ,曲げ降伏時の剛性低下率 $a_y^{24}$ を乗じた割線剛性として式(1)で計算し,さらに*i*通り RC 柱の断面 二次モーメントは式(2)で1つの断面二次モーメント $I_c^{(i)}$ に統合する。

$I_1{}^{(i)},$	$I_2^{(i)},$	$I_g^{(j)} = \alpha_y \phi I_0$	$(mm^4)$	(1)
		$L^{(i)}L^{(i)}(h^{(i)})^3$		

$$I_c^{(i)} = \frac{I_1 I_2 (ii)}{(I_1^{(i)} - I_2^{(i)})(h_2^{(i)})^3 + I_2^{(i)}(h^{(i)})^3}$$
(mm<sup>4</sup>) (2)



Table 3 Summary of modal characteristics without friction dampers

Span $L_x$	Angle $\theta$	D	Substructure period	Roof period T <sub>RI</sub>	Period ratio	
(m)	(°)		$T_w$ (s)	(s)	R <sub>TI</sub>	
		1		0.33	1.37	
		3		0.30	1.23	
34	30	4	0.45	0.23	1.93	
51	50	5	0.15	0.18	2.53	
		7		0.09	4 76	
		8		0.07	6 34	
				0.38	1.44	
		ź		0.28	1 70	
40	30	4	0.48	0.26	1.88	
				0.15	3 25	
		7		0.11	4 47	
		8		0.08	5.98	
		2		0.41	1.23	
		3		0.31	1.65	
	20	4		0.27	1.85	
	20	5		0.25	2.04	
		7		0.10	4.22	
		8		0.09	5.71	
		1		0.43	1.19	
		3		0.32	1.58	
46	30	4	0.51	0.29	1.77	
40	50	5	0.51	0.26	1 94	
		7		0.12	4.16	
		8		0.09	5.58	
		4		0.45	1.13	
		3		0.40	1.50	
	40	4		0.31	1.66	
	40	5		0.28	1.80	
		$\frac{6}{7}$		0.17		
		8		0.09	5.36	
		1		0.48	1.10	
		2		0.42	1.24	
50	20	4	0.52	0.30	1.65	
32	30	5	0.32	0.29	1.82	
		$\frac{6}{7}$		0.18	3.88	
		8		0.14	5.22	
		1		0.53	1.02	
		3		0.47	1 37	
57	30	4	0.54	0.35	1 54	
57	50	5	0.54	0.32	1.70	
		7		0.15	3 63	
		8		0.11	4 89	
- A 14	= 3%			Des	on spectrum	
S 12				ELC	entro	
<u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u></u>	Man Area I.	^		— Hac	hinohe	
	MANN	the		JMA	-Kobe	
8 be			N	— Kun	namoto	
			- CAR	Taft		
1º E.			- All			
E 4						
j se						
⇒ 2 <sup>2</sup>						
~ 0 <mark>⊢</mark>	1	1	2	3 4	Į	
0.		1	Natural period 7	(s)	5	
		Fic	3 Acceleration response	ise snectra		
		1 19		iss specia		

ここに*i*は柱の通り芯番号,*j*は梁の通し番号, $h_1^{(i)}$ は*i*通り1層の 階高, $h_2^{(i)}$ は*i*通り2層の階高, $h^{(i)}=h_1^{(i)}+h_2^{(i)}$ である。

次に応答評価に用いる等価棒と等価板の諸元を計算する。RC 片 持架構を代表する柱の等価断面二次モーメント  $I_{ceq}$ 、梁の等価断面二 次モーメント  $I_{geq}$ 、柱の代表高さ  $h_c$ 、梁の代表高さ  $h_g$ は式(3)~式(6) で計算し、さらに等価棒の断面二次モーメント  $I_c^{center}$  と質量  $m_c$ 、等 価板の曲げ剛性  $D_x \ge D_y \ge$ 質量  $m_w$ は式(7)~式(11)で計算する。

- $I_{ceq} = I_c^{(i)} \mathcal{O}$ 平均値 (mm<sup>4</sup>) (3)
- $I_{geq} = I_g^{(j)}$ の平均値 (mm<sup>4</sup>) (4)
- $h_c = h^{(i)}$ の最大値 (mm) (5)

$h_g = h_2^{(i)}$ の平均値	<u>直</u>	(mm)	(6)
$I_c^{center} = RC 片持$	架構中央に最も近い I <sub>c</sub> ()	(mm <sup>4</sup> )	(7)
<i>m</i> c= 柱の負担幅	らしででである。 「この」では「「「」」の全負担質量	(kg)	(8)
$D_x = EI_{ceq}(n_c+1)$		(Nmm)	(9)
$D_y = EI_{geq} / h_g$		(Nmm)	(10)
<i>m</i> w= アリーナ房	、梁と境界柱より内側の全負担質量	(kg)	(11)
ここに n <sub>c</sub> は境界相	Eを除いた柱の通り総数, Eはコンク	リートの	ヤン

グ率<sup>24)</sup>, Lは RC 片持架構全体の幅(本研究では L<sub>x</sub>)である。

最後に構面外応答を評価する。滑り支承のピーク相対変位 $u_l \ge RC$ 片持架構の柱脚曲げモーメント $M_l$ は式(12)~式(15)で計算する。地震 荷重 $S_A$ は保有水平耐力計算法相当の式(16)を用いる。式(12)~式(15) は、連続体の振動方程式に所定の境界条件を満足する形状関数を定 め、応答スペクトル法を適用して導出できる<sup>15)</sup>。 $q \ge q_p$ は板の固有 値解析から決定される係数であり、図表<sup>15)</sup>から読み取る形式で与え、 棒と板の支承部相対変位が等価となるq=0.409を力学モデルの場合 分けの閾値としている。なお、式(12)の 1.2 は安全率である。

$u_l = u_{l0} = 1.2 \times \begin{cases} 2.066S_A / \omega_w^2 \\ 1.566S_A / \omega_c^2 \end{cases}$	(q > 0.409) $(q \le 0.409)$	(mm)	(12)
$M_{l} = M_{l0} = \begin{cases} 7.265 D_{x} l_{c} S_{A} / (h_{c}^{2} \omega_{w}^{2}) \\ 5.506 E I_{c}^{center} S_{A} / (h_{c}^{2} \omega_{w}^{2}) \end{cases}$	(q > 0.409) $(\omega_c^2)  (q \le 0.409)$	(Nmm)	(13)
$\omega_w = 312q\sqrt{D_x L / (m_w h_c^3)}$		(rad/s)	(14)
$\omega_c = 111 \sqrt{EI_c^{center} / (m_c h_c^3)}$		(rad/s)	(15)
$S_A = Z \cdot R_t \cdot C_0 \cdot g = 9.81 \cdot Z \cdot R_t$		$(m/s^2)$	(16)

ここに Z は地域係数,  $R_i$  は振動特性係数,  $C_0$  は標準せん断力係数( $C_0$  =1.0), g は重力加速度である。本研究では  $S_A$ =9.81m/s<sup>2</sup>=1g となる。

さらに摩擦ダンパー支承を導入して RC 片持架構の構面外応答制 御を行う場合では,滑り支承1台辺りの必要ダンパー耐力  $Q_d$ は,滑 り支承部のルーズホール長さ  $\delta_l$  (本研究で検討する被災体育館では ±50mm),必要応答低減率  $R_d$  代表台数 n,希望する摩擦ダンパー支 承部数  $n_d$ と代表剛性  $K_{eq}$ より式(17)~式(20)で計算し,応答低減後の  $u_l \ge M_l$ は式(21)~式(23)で計算する。式(17)は,ある摩擦ダンパー耐 力合計値  $\Sigma Q_d$ を与えたときの,等価線形化法の収斂計算で評価され る応答低減率  $R_d$ の多項式近似式である。実際の設計では、 $\delta_l \ge R_d \ge$  $n_d$ は実務者が任意に設定する値である。なお、前報<sup>15</sup>)における設計 クライテリアは  $u_l \le \delta_l$ かつ  $M_l \le M_y$  としていた。

 $Q_{d} = nK_{eq}u_{l0}(-0.279R_{d}^{3}+0.653R_{d}^{2}-0.725R_{d}+0.351)/n_{d}$ (N) (17)  $R_{d} \leq \delta_{l}/u_{l0}$ (無次元) (18)

$n = \begin{cases} 1 \\ n_c \end{cases}$	$\begin{array}{l} (q > 0.409) \\ (q \leq 0.409) \end{array}$		(台)	(19)
$K = \begin{cases} 4.23 \end{cases}$	$\times 10^{-4} m_w \omega_w^2$	( <i>q</i> > 0.409)	(N/mm)	(20)

 $\begin{aligned} & R_{eq} = \left\{ 6.13 \times 10^{-4} \, m_c \, \omega_c^2 \qquad (q \le 0.409) \end{aligned} \right. \tag{(VMM)} \tag{20} \\ & u_l = R_d \, u_{l0} \qquad \qquad (mm) \quad (21) \\ & M_l = \max \left\{ R_d \, M_{l0}, \, M_{lp} \right\} \qquad \qquad (Nmm) \quad (22) \end{aligned}$ 

$$M_{lp} = \begin{cases} 4.798 M_{l0} (q^2 / q_p^2) & (q > 0.409) \\ 0.248 M_{l0} & (q \le 0.409) \end{cases}$$
(Nmm) (23)

以上に示すように、支承部相対変位は屋根を剛と考え RC 片持架 構柱頭部の変位で評価され、屋根部面内変形の影響が含まれていな い。これは、筆者らが屋根部を考慮した応答評価法<sup>13),16),18)</sup>も検討し たことはあるものの、実務設計者を含む有識者から、手続きが複雑 過ぎる、多種多様な屋根の架構形式への汎用性を証明することが難

Table 4 Summary of the out-of-plane response evaluation re	sults
--	-------

(a) Specifications	of the equivalent	single beam model	or equivalent	single plate model
	1	0	1	

L x (m)	L (mm)	<i>h</i> <sub>c</sub> (mm)	<i>h g</i> (mm)	E (N/mm <sup>2</sup> )	$I_{ceq}$ $(mm^4)$	$I_{geq}$ (mm <sup>4</sup> )	$I_c^{\text{center}}$ (mm <sup>4</sup> )	D <sub>x</sub> (Nmm)	Dy (Nmm)	<i>m</i> <sub>w</sub> (kg)	<i>m c</i> (kg)	q	$q_p$	ω (rad/s)	<i>u</i> <sub>10</sub> (mm)	<i>M</i> 10 (kNm)	M <sub>lp</sub> (kNm)	R <sub>d</sub>	n <sub>c</sub>	K <sub>eq</sub> (N/mm)	$\Sigma Q_d$ (kN)
34	34310				1.67E+10	1.12E+10	1.67E+10	6.32E+10	4.23E+10	252500	45465	0.456	1.607	13.5	133.3	1462.8	566.1	0.375	5	19472	405
40	40060			21692	1.67E+10	1.12E+10	1.67E+10	6.32E+10	4.23E+10	294500	45465	0.427	1.588	12.6	152.2	1616.0	560.5	0.328	6	19884	525
46	45810	9850	5750	E = -21	1.67E+10	1.12E+10	1.67E+10	6.32E+10	4.23E+10	331834	45465	0.409	1.576	10.1	178.9	1960.5	486.2	0.279	7	2868	695
52	51560			$\Gamma_c = 21$	1.67E+10	1.12E+10	1.67E+10	6.32E+10	4.23E+10	378500	45465	0.397	1.568	10.1	178.9	1922.4	476.8	0.279	8	2868	794
57	57310				1.67E+10	1.12E+10	1.67E+10	6.32E+10	4.23E+10	420500	45465	0.389	1.563	10.1	178.9	1960.8	486.3	0.279	9	2868	893
	(b) Member specification of the target building $(L_{x}=46m, \theta=30^{\circ}, B5)$																				



	X coord.	$h_{1}^{(i)}$	$h_{2}^{(i)}$	Section	$I_0$	~	0	$I_1^{(i)}$	$I_2^{(i)}$	$I_g^{(i)}$
	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	$(mm^4)$	ay	φ	$(mm^4)$	$(mm^4)$	$(mm^4)$
3	5960			1000×700	5.83E+10	0.239	1.171	1.63E+10		
3	11710			1000×700	5.83E+10	0.239	1.171	1.63E+10		
3	17460			1000×700	5.83E+10	0.240	1.171	1.64E+10		
3	23210	4100	-	1000×700	5.83E+10	0.240	1.171	1.64E+10	-	-
3	28960			1000×700	5.83E+10	0.239	1.171	1.63E+10		
3	34710			1000×700	5.83E+10	0.239	1.171	1.64E+10		
3	40460			1000×700	5.83E+10	0.238	1.171	1.63E+10		
2	5960			1000×700	5.83E+10	0.281	1.114		1.82E+10	
3	11710			1000×700	5.83E+10	0.282	1.114		1.83E+10	
4	17460			1000×700	5.83E+10	0.282	1.114		1.83E+10	
3	23210	-	5750	1000×700	5.83E+10	0.282	1.114	-	1.83E+10	-
4	28960	-		1000×700	5.83E+10	0.282	1.114		1.83E+10	
3	34710			1000×700	5.83E+10	0.282	1.114		1.83E+10	
2	40460			1000×700	5.83E+10	0.280	1.114		1.82E+10	
i2		-	-	1000×500	4.17E+10	0.272	1.061	-	-	1.20E+10
i3				1000×500	4.17E+10	0.251	1.061			1.11E+10
i2				1000×500	4.17E+10	0.251	1.061			1.11E+10
i3				1000×500	4.17E+10	0.251	1.061			1.11E+10
i2	-			1000×500	4.17E+10	0.251	1.061			1.11E+10
i3				1000×500	4.17E+10	0.251	1.061			1.11E+10
i2				1000×500	4.17E+10	0.251	1.061			1.11E+10
<del>3</del> 3				1000×500	4.17E+10	0.249	1.061			1.10E+10



Fig. 6 Peak displacement -  $R_{TI}$  relationships without friction dampers ( $\theta$ =30°)

しいといった意見を受け、明解な手続きで単純に応答評価する方法 の構築を意図したからである。本研究では、3~4 章で屋根部面内変 形が支承部相対変位に与える影響を分析し、提案手法の安全率に補 足を設けることを目標とする。また、力学モデルと設計用変位は RC 部材の曲げ降伏時の割線剛性(割線周期)で安全側に評価しており、 初期剛性や剛性劣化が変位・柱脚曲げモーメントに与える影響は 5 章にて分析する。

#### 3. 主架構諸元が RC 片持架構構面外応答制御と評価法に与える影響

初めに鉄骨造屋根が滑り支承のみで支持される状態について,主 架構諸元が RC 片持架構の構面外応答制御と 2.4 節の評価法に与え る影響を分析する。Fig.5 に標準的な屋根面内剛性レベル B5 を有す るモデルの支承部最大相対変位分布を RC 片持架構スパン $L_x$ と入力 地震動で整理して示す。また、Fig.6 に屋根面内剛性レベルの異なる モデル(B1~B5)について,入力地震動 5 波の平均応答(Fig.5 の Average)ピークを生じる支承部の RC 片持架構側(Column)と屋根側 (Roof)の絶対変位と両者の差分である支承部相対変位(Support)を、 RC 片持架構の構面外応答に対する屋根面内振動の割線周期比 $R_{TL}$ RC 片持架構の構面外応答に対する屋根面内振動の割線周期比 $R_{TL}$ RC 片持架構の構面外応答に対する屋根面内振動の割線周期比 $R_{TL}$ RC 片持架構の構成。なお、Fig.6 における RC 片持架構側(Column) と屋根側(Roof)の変位符号の逆転は、両者が支承部内で逆位相振動 していることを表している。さらに、Fig.7 には標準的な RC 片持架 構スパン( $L_x$ =46m)を有するモデルを対象に、屋根部半開角と屋根面 内剛性レベルが支承部相対変位に与える影響を示す。

Fig.5 と Fig.6 に示すように,割線周期比  $R_{\Pi}$ が 1.0 に近づくに連れ て, RC 片持架構の構面外応答(Column)に対する逆位相の屋根面内振 動(Roof)が励起され,結果的に支承部相対変位(Support)が増大する。 Table 3 にも示すように, RC 片持架構スパン  $L_x$  と屋根面内剛性レベ ルは割線周期比  $R_{\Pi}$  への影響が大きく,この結果は標準よりスパン が大きな RC 片持架構や面内剛性が柔らかい鉄骨造屋根(B5→B1)を



採用することが RC 片持架構の構面外応答制御の観点で不利(滑り支 承部により大きなルーズホール長が求められる)であることを示す。 また、変位は周期自身にも影響を受けるため、Table 3 や Fig. 5、Fig. 6 に示すように、RC 片持架構と屋根部周期に影響する RC 片持架構ス パン L<sub>x</sub>が大きなモデルほど、全般的に支承部相対変位が大きい傾向 にある。一方、Fig.7 に示すように、同じ割線周期比 R<sub>II</sub> で比較する と、屋根部半開角が支承部相対変位に与える影響は RC 片持架構ス パン L<sub>x</sub>や屋根面内剛性レベル程大きくないことも分かる。

2.4 節で述べたように、提案評価法では、支承部の設計用変位(式 (12))は RC 片持架構柱頭変位評価値に安全率 1.2 を乗じて算出して いる。安全率 1.2 を除いた RC 片持架構柱頭変位の評価値は 111.1mm ( $L_x$ =34m)と 149.1mm ( $L_x$  ≧46m)であり、Fig.6 に示す RC 片持架構柱 頭変位の解析結果(Column)と概ね対応する。この結果は RC 片持架 構を 1 枚の棒または 1 枚の板にモデル化する提案評価法の妥当性を 改めて裏付けていると考えられる。さらに、Fig.6 に示すように、安 全率 1.2 を乗じた設計用変位(Evaluation)は、広範な範囲の割線周期 比  $R_{TT}$ に対して、支承部相対変位(Support)を安全側評価できており、この結果は前報<sup>15)</sup>において入力地震動特性のバラツキを包絡するた めに設定した安全率が、結果的に支承部相対変位に対する屋根面内 変位の影響を包絡していることを示している。ただし、特に RC 片 持架構スパン  $L_x$ ≧50m かつ割線周期比 1.0  $\leq R_{TT}$ ≦1.5 の範囲では、設 計用変位が解析結果を 10%以上危険側評価するため、この範囲の安

全率は約1.5(設計用変位1.5×149.1=223.6mm)必要と考えられる。

# 4. 摩擦ダンパー支承の配置が構面外応答制御効果に与える影響 4.1 全ての支承部位置に摩擦ダンパー支承を配置する場合

次に全ての支承部位置に摩擦ダンパー支承が配置された状態について、摩擦ダンパー耐力合計値  $\Sigma Q_d$ と主架構諸元が RC 片持架構の構面外応答制御に与える影響を分析する。Fig.8 に標準的な RC 片持架構スパン( $L_x$ =46m)を有するモデルを対象に、摩擦ダンパー耐力合計値  $\Sigma Q_d$ がピーク応答を生じる支承部位置の各種変位に与える影響を屋根面剛性レベルで整理して示す。また、Fig.9 に支承部相対変位をルーズホール長さ±50mm に収めるために必要な摩擦ダンパー耐力合計値  $\Sigma Q_d$  解析値を、RC 片持架構スパン  $L_x$ と屋根部半開角、割線周期比  $R_{\Pi}$ で整理して示す。Fig.8 に示すように、摩擦ダンパー耐

力合計値  $\Sigma Q_d$ が増大するに連れて,支承部相対変位は 0mm まで低 減される一方, RC 片持架構に対する屋根面内変位は逆位相から同 位相の振動モード(RC 片持架構と屋根が一体となって建物全体で振 動する)に移行する。Fig. 8(a)に示すように,この傾向は屋根面内剛 性レベルが低いほど顕著であり,屋根面内振動が同位相に移行する と, RC 片持架構の構面外応答低減は頭打ちとなる。ただし,屋根面 内剛性レベルに関わらず,提案評価法の必要  $\Sigma Q_d を導入すれば,支$ 承部相対変位はルーズホール長さ±50mm 範囲内に十分収まる。ま $た,Fig.9 に示すように,割線周期比 <math>R_{\Pi}$ によって必要  $\Sigma Q_d$  解析値は 変動するものの, RC 片持架構スパン $L_x$ や屋根部半開角に関わらず, 提案評価法の必要  $\Sigma Q_d$  能が値を安全側で評価する。

# 4.2 摩擦ダンパー支承を集約配置する場合

摩擦ダンパー支承は耐力量より台数が導入コストに影響するため,



Fig. 11  $\Sigma Q_d - R_{Tl}$  relationships with friction dampers ( $\theta$ =30°)

実際の設計では導入台数を減らせると望ましい。そこで摩擦ダンパ ー支承が集約配置された状態について, 摩擦ダンパー耐力合計値 ΣQ<sub>d</sub>と主架構諸元が RC 片持架構の構面外応答制御と提案評価法に 与える影響を分析する。Fig. 10 に標準的な屋根面内剛性レベル B5 を有するモデルに提案評価法の必要 ΣQ<sub>d</sub>を導入したときの支承部最 大相対変位分布(入力地震動 5 波平均)を, RC 片持架構スパン Lx と 摩擦ダンパー支承台数 n<sub>d</sub>で整理して示す。同図のXマーカーは摩擦 ダンパー支承,■マーカーは滑り支承を示す。Fig.2 に示すように, 摩擦ダンパーはより大きな構面外応答変位を受ける RC 片持架構中 央に優先して配置するものとする。また、Fig. 11 に摩擦ダンパー支 承台数 n<sub>d</sub>に対する必要 ΣQ<sub>d</sub> 解析値を割線周期比 R<sub>TI</sub>, RC 片持架構ス パン $L_x$ で整理して示す。Fig. 10に示すように、 $L_x$ や $R_{\pi}$ に関わらず、 摩擦ダンパーを集約配置しても支承部相対変位はルーズホール内に 収めることが可能である。ただし、Fig. 10 と Fig. 11 に示すように、 摩擦ダンパーを集約配置すると、摩擦ダンパーの無い滑り支承への 変形集中が起こり、R<sub>Π</sub>に対して必要ΣQd解析値が提案評価法の必要 ΣQ<sub>d</sub>を特異的に上回り、支承部相対変位を設計クライテリアに収め るためには相当大きな ΣQ<sub>d</sub>が要求されるため,提案評価法を用いて 摩擦ダンパー支承の集約配置を検討する場合では, RC 片持架構中 央から L/2 の範囲には摩擦ダンパーを配置する必要がある。

### 5. RC の復元力特性を考慮した RC 片持架構の構面外応答の検証

3~4 章では,提案評価法と同様な曲げ降伏時の割線剛性を RC 部 材に設定した簡略モデルを用いて各種諸元が RC 片持架構の構面外 応答制御と提案評価法の適用性に与える影響を検証した。続いて 5 章では,RC 部材に従来型の復元力特性を設定した詳細モデルを用 いて,RC 部材の初期剛性や剛性劣化が各種の変位応答や RC 片持架 構柱脚曲げモーメントに与える影響を分析する。

### 5.1 解析概要

supp

Rolle

Friction damper support

Fig. 12 に 5 章の解析モデルを示す。5 章では, Fig. 1(a)に示す標準 的な鉄骨置屋根体育館(*L*<sub>x</sub>=46m, 複層円筒シェル屋根)のみを検討対 象とする。RC 部材は材端に単純な塑性回転バネを有する梁要素と

Double layer roof



Fig. 15 Summary of seismic responses with friction dampers ( $L_x = 45m$ , B5,  $\theta = 30^\circ$ , Takeda RC hysteresis)

してモデル化し、断面諸元は Table 1(a)の通りとする。鉄骨置屋根体 育館を想定した片持 RC 長柱の実験結果 <sup>25)</sup>を参考に、この塑性回転 バネには武田モデル(Fig. 1(a))を設定するが、スリップ挙動が生じる 場合を想定して武田スリップモデルも比較する。摩擦ダンパー支承 には提案評価法による必要  $\Sigma Q_d$ =695kN を与える。その他のモデル化 の条件は 2 章と同様とする。数値解析には SNAP<sup>26)</sup>を用いた。

# 5.2 解析結果

Fig. 13~Fig.15 に支承部最大相対変位分布, RC 片持架構の柱脚曲 げモーメント分布, RC 片持架構の柱脚曲げモーメント-柱頭変形角 関係(柱頭変位を RC 片持架構高さ h<sub>c</sub>で除した変形角), RC 片持架構 の柱脚曲げモーメント-部材塑性率関係を示す。Fig.13 と Fig.14 は滑 り支承のみを配置した場合の解析結果, Fig.15 は摩擦ダンパー支承 を配置した場合の解析結果(n<sub>d</sub>=6 が全配置, n<sub>d</sub>=4 が集約配置)である。

滑り支承のみ配置した場合の変位応答では,RC部材の繰返しの 剛性劣化より初期剛性の影響が大きく,支承部相対変位(Fig. 13(a)と Fig. 14(a))は曲げ降伏時割線剛性を適用した解析結果(Fig.5(c))と評 価値(Evaluation)を下回り,提案評価法による設計用変位・応力は支 承部相対変位と柱脚部曲げモーメント(Fig. 13(b)と Fig. 14(b))を安全 側で評価できることが示された。また,Fig. 13(c)(d)と Fig. 14(c)(d)に 示すように,スリップ挙動の有無が RC 片持架構の構面外応答の最 大値に与える影響は大きくないことも示された。

Fig. 15(a)に示すように, RC 部材の正確な復元力特性を考慮した 場合でも、支承部相対変位は摩擦ダンパー支承によりルーズホール 長さ±50mm(設計用クライテリア)範囲まで低減する結果となった。 一方, Fig. 15(b)(c)(d)に示すように, RC 柱脚部の荷重変形関係は剛 性劣化も殆どなく, 耐震診断基準<sup>27)</sup>に示される内法高さの高い曲げ 柱の弾性範囲内(層間変形角 1/150rad)にあるものの, 柱脚曲げモーメ ントは降伏し, 摩擦ダンパー導入時の設計用応力は解析結果を危険 側評価する。この危険側評価の原因は, 提案評価法では屋根部を剛 な境界条件(水平移動しないピン支点)と想定して応答低減後の柱脚 曲げモーメントの下限値を評価するが, 4.1 節の Fig. 8(a)の例に示す ように, 実際の屋根部は剛ではなく, 支承部相対変位が十分低減さ れた後も RC 片持架構は屋根部と一体で水平振動するためである。

### 5.3 摩擦ダンパー支承導入時の柱脚曲げモーメント評価法の修正

ピーク応答を生じる片持 RC 柱の曲げモーメント分布の分析に基づいた評価法の修正を試みる。まず、 $L_x=46m$ の RC 片持架構に適用 される棒モデルの曲げモーメント M は、境界条件に対応した形状関 数 w(x)と無次元化振動数  $\lambda$  (固定端-自由端: 1.875, 固定端-ピン 端: 3.927)、刺激係数  $\Gamma_c$ , 固有円振動数  $\omega$ , 曲げ剛性  $EI_c$ , 地震荷重  $S_4$ より式(24)~式(28)で計算される。

 $w_f(x) = + (\cos \lambda + \cosh \lambda)(\sin \lambda x/h_c - \sinh \lambda x/h_c)$ 

- 
$$(sin\lambda + sinh\lambda)(cos\lambda x/h_c - cosh\lambda x/h_c)$$
 ※固定端-自由端 (24)  
 $w_p(x) = - (cos\lambda + cosh\lambda)(cos\lambda x/h_c - cosh\lambda x/h_c)$ 

+ (sin
$$\lambda$$
 + sinh $\lambda$ )(sin $\lambda x/h_c$  - sinh $\lambda x/h_c$ ) ※固定端-ピン端 (25)  
 $\Gamma_c = \int_0^{h_c} w(x) dx / \int_0^{h_c} (w(x))^2 dx$  ※定数となる (26)

$$\omega = \left(\frac{\lambda}{h_c}\right)^2 \sqrt{\frac{EI_c}{m_c h_c^3}} = \lambda^2 \omega_0 \tag{27}$$

$$M = \Gamma_c E I_c \frac{S_A}{\omega^2} \frac{d^2 w(x)}{dx^2} = \frac{\Gamma_c}{\lambda^4} \frac{E I_c S_A}{\omega_0^2} \frac{d^2 w(x)}{dx^2}$$
(28)

Fig. 16 に曲げモーメント分布の解析結果を, Fig. 17 に提案評価法の曲げモーメント分布を示す。Fig.16(a)と Fig.17(a)の比較に示すよ



(a) Without friction dampers (b) With friction dampers (c) With friction dampers  $(n_d = 6)$   $(n_d = 4)$ 

Fig. 16 Peak moment diagram ( $L_x$ =46m, B5,  $\theta$ =30°, JMA-Kobe)



うに、滑り支承時の片持 RC 柱の曲げモーメント分布形状の解析結 果は提案評価法の力学モデル上の想定(固定端-自由端)と一致して おり、柱脚曲げモーメント評価値は解析値を安全側で捉えられてい る。しかし、Fig. 16(b)(c)と Fig. 17(b)の比較に示すように、摩擦ダン パー支承時の曲げモーメント分布の解析結果は、力学モデルが想定 する固定端-ピン端の曲げモーメント分布形状と概ね対応するもの の、柱頭が屋根に従って水平移動できる分だけ反曲点位置が高く、 Fig. 17(c)に示すように、無次元化振動数λは固定端-自由端(Fig. 17(a)) と固定端-ピン端(Fig. 17(b))の概ね中間( $\lambda = (3.927+1.875)/2 = 2.901$ )で あることが分かる。この時の柱脚曲げモーメント  $M_{lcp}$ は、固定端-ピ ン端の形状関数  $w_p$ と上記の $\lambda = 2.901$ より式(29)で計算される。この 評価値は 1235kNm となり、RC 部材の復元力特性を弾性とした場合 の解析結果(Fig. 15(b)の Elastic)と対応する。

$$M_{lcp} = \frac{\Gamma_c}{\lambda^4} \frac{EI_c S_A}{\omega_0^2} \frac{d^2 w_p(x)}{dx^2} \bigg|_{x=0} = 0.630 M_{I0}$$
(29)

同様に板モデルの曲げモーメント  $M_{hvp}$ は,桁行方向の形状関数  $w_c(y)$ , 刺激係数  $\Gamma_w$  より式(30)~式(32)で計算される。特に Table 4(a)に示す  $L_x$ =46m の場合では,  $M_{hvp}$ は 0.613 $M_{10}$ となり棒モデルと同等となる。  $w_c(y) = + (\cos\lambda - \cosh\lambda)(\cos\lambda y/L - \cosh\lambda_w y/L)$ 

$$(\sin\lambda + \sinh\lambda)(\sin\lambda y/L - \sinh\lambda y/L) ※固定端-固定端 (30)
\Gamma_w = \int_0^L \int_0^{h_c} w(x, y) dx dy / \int_0^L \int_0^{h_c} (w(x, y))^2 dx dy = 0.00213 (31)$$

$$M_{lwp} = \Gamma_w D_x l_c \left. \frac{S_A}{\omega} \frac{\partial^2 w(x, y)}{\partial x^2} \right|_{x, y=0, 0.5L} = 3.612 \left( \frac{2q}{q+q_p} \right)^2 M_{l0}$$
(32)

以上より、摩擦ダンパー支承時の柱脚曲げモーメントは式(23)から 式(33)に修正する。

$M_{lp} = \begin{cases} 3.612 \{2q / (q + q_p)\}^2 M_{l0} \\ 0.630 M_{l0} \end{cases}$	(q > 0.409) $(q \le 0.409)$	(Nmm)	(33)
--	--------------------------------	-------	------

### 6. 結

本論の検討範囲で得られた結論を以下に示す。

- 1)RC 片持架構スパン $L_x$ と屋根面内剛性により各々の周期が近接(割 線周期比 $R_{\pi} \rightarrow 1.0$ )すると, RC 片持架構の構面外応答に対して逆位 相の屋根面内振動が励起されるため支承部相対変位は増大する。 提案評価法による RC 片持架構柱頭変位の評価値は解析結果と概 ね対応し,同変位に安全率 1.2 を乗じた支承部設計用変位は広範 な $R_{\pi}$ 範囲において入力地震動のバラツキだけでなく屋根面内変 位の影響も安全側で評価する。ただし、 $L_x \ge 50$ mかつ割線周期比1.0  $\leq R_{\pi} \le 1.5$ の範囲では,設計用変位が解析結果を 10%以上危険側 評価するため,この範囲の安全率は約1.5 必要である。
- 2)摩擦ダンパー支承の耐力合計値 ΣQ<sub>d</sub> に比例して支承部相対変位 は 0mm まで低減される一方, RC 片持架構に対する屋根面内振動 は逆位相から同位相に移行し, RC 片持架構柱頭変位の応答低減は 頭打ちとなる。ルーズホール範囲に支承部相対変位を収めるため の必要 ΣQ<sub>d</sub>評価値は, RC 片持架構スパン L<sub>x</sub>や割線周期比 R<sub>n</sub>に関 係なく必要 ΣQ<sub>d</sub>解析値を安全側で評価する。摩擦ダンパー支承は 一部の支承位置に集約して配置しても支承部相対変位は設計クラ イテリアを満たすまで応答低減できるが,提案評価法を用いて摩 擦ダンパー支承の集約配置を検討する場合では RC 片持架構中央 から L/2 の範囲に摩擦ダンパー支承を配置する必要がある。
- 3)RC部材の曲げ降伏時の割線剛性で評価した支承部設計用変位は, RC部材の初期剛性や繰返しの剛性劣化を考慮した解析結果を安 全側で評価する。また,RC部材のスリップ挙動の有無がRC片持 架構の構面外応答に与える影響は大きくない。
- 4)提案評価法では屋根部を水平移動しないピン支点と仮定して摩擦 ダンパー導入時の RC 片持架構の柱脚曲げモーメントを評価して いるが、実際には摩擦ダンパー導入後も RC 片持架構は屋根部と 一体で水平振動するため、柱脚曲げモーメント評価値は解析値を 危険側で評価した。同様な場合の RC 片持架構の曲げモーメント 分布形状は、固定端-自由端と固定端-ピン端の中間的な性状であ り、同様な曲げモーメント分布を仮定した修正評価値は解析結果 と概ね対応する。

なお、以上の数値解析結果と評価法の修正より、RC 片持架構の構 面外応答制御設計法<sup>15)</sup>の設計クライテリアは、支承部相対変位がル ーズホール範囲内に収まる $(u_i \leq \delta_i)$ かつ、RC 片持架構の柱脚曲げモ ーメントが降伏曲げモーメント以下 $(M_i \leq M_y)$ または柱頭層間変形角  $u_l/h_c \leq 1/150$ rad.<sup>27)</sup>が適当と考えられる。

### 謝辞

本研究は一部に JSPS 基盤研究(A)(No.21H04581)の助成を頂きま した。工学院大学 山下哲郎博士,明治大学 熊谷智彦博士,東京 工業大学 西村康志郎博士,防災科学技術研究所 藤原淳博士にご 助言頂きました。ここに記して皆様にお礼申し上げます。

## 参考文献

 Institute for Sophisticating Technique of Construction in Japan: Concepts for Seismic Diagnosis and Retrofit of Steel Roofs with RC Substructures, Gihodo shuppan, 2015.9 (in Japanese)

日本建設技術高度化機構:鉄骨置屋根構造の耐震診断・改修の考え方, 技報堂出版, 2015.9

- AIJ: Report on the Hanshin-Awaji earthquake disaster, Building series volume 3, 1997.11 (in Japanese)
- 日本建築学会: 阪神・淡路大震災調査報告 建築編 3, 1997.11 3) AIJ: Report on the Great East Japan earthquake disaster, Building series volume 3, 2014.9 (in Japanese)
- 日本建築学会:東日本大震災合同調査報告 建築編 3,2014.9
- AIJ: Report on the 2016 Kumamoto earthquake, 2018.6 (in Japanese)
   日本建築学会: 2016 年熊本地震被害報告, 2018.6
- 5) Narita, K., Takeuchi, T. and Matsui, R: Seismic performance of school gymnasia with steel roofs supported by RC wall frames, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.78, No.693, pp.1895-1904, 2013.11 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.78.1895
- 6) Terazawa, Y., Inanaga, S., Matsui, R. and Takeuchi, T.: Seismic Damage Evaluation of Space Frame Roofs of RC Gymnasiums, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.83, No.754, pp.1789 -1799, 2018.12 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.83.1789
- 7) Watanabe, S. and Yamashita, T.: Earthquake response analysis of steel roof gymnasiums considering nonlinear restoring force characteristics of lower structure and roof bearings, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.85, No.768, pp.209-218, 2020.2 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.85.209
- Ymada, S., Shimada, Y., Tomatsu, K., Shirai Y., Matsumoto, Y., Hasegawa, T., Mukai, T. and Takeuchi, T.: Cyclic loading tests of connection between RC frame and steel roof -study of connection between RC frame and steel roof part 1-, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.79, No.705, pp.1687-1697, 2014.11 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.79.1687
- Shimada, Y., Yamada, S., Kishiki, S., Hasegawa, T. and Takeuchi, T: Method of reinforcement for joints between steel roofs and RC columns in existing building, Engineering Structures, Vol.209, pp.1-12, 2020.4 https://doi.org/10.1016/j.engstruct.2020.110255
- 10) Ito, K., Yamashita, T. and Watanabe, S.: Cyclic shear loading test and strength evaluation on roof bearings, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.84, No.759, pp.649-657, 2019.5 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.84.649
- 11) Terazawa, Y., Kishizawa, R., Takeuchi, T., Kumagai, T. and Cao, M.: Member global buckling strength estimation of spatial truss roof with semi-rigid joints considering boundary conditions, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.86, No.786, pp.1235-1246, 2021.8 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.86.1235
- 12) Narita, K., Takeuchi, T. and Matsui, R.: Seismic response evaluation of cantilevered RC wall frames in school gymnasia with steel roofs, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.80, No.708, pp.273-283, 2015.2 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.80.273
- 13) Narita, K., Takeuchi, T. and Matsui, R.: Seismic response evaluation and design method of steel roof bearings in school gymnasia with cantilevered RC wall frames, AIJ Journal of Technology and Design, Volume. 22, Issue 50, pp.41-46, 2016. (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijt.22.41
- 14) Inaba, Y., Terazawa, Y., Matsui, R., Kumagai, T. and Takeuchi, T: Response evaluation of cylindrical shell roofs with various bearings supported by RC substructures, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.83, No.751, pp.1263-1272, 2018.9 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.83.1263
- 15) Terazawa, Y., Nishikawa, K., Takeuchi, T., Fujiwara, J., Kishida, A., Konishi, Y., Yamashita, T. and Nishimura, K.: Design procedure for out-of-plane response control of cantilevered RC walls connected by roller supports to metal spatial roof, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.86, No.784, pp.991-1001, 2021.6 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.86.991
- 16) Narita, K., Terazawa, Y., Matsui, R. and Takeuchi, T: Response control of cantilevered RC walls in gymnasia with energy-dissipation roof bearings, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.80, No.707, pp.157-165, 2015.1 (in Japanese)

https://doi.org/10.3130/aijs.80.157

- 17) Narita, K., Terazawa, T., Maehara, K., Matsuoka, Y., Matsui, R. and Takeuchi, T: Dynamic loading tests and response evaluation of steel roof bearings with friction dampers, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.80, No.717, pp.1717-1725, 2015.11 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.80.1717
- 18) Inaba, Y., Terazawa, Y., Matsui, R., Kumagai, T. and Takeuchi, T: Cyclic loading test on steel roof bearings and effects on roof responses, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.83, No.750, pp.1129-1137, 2018.8 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/aijs.83.1129
- 19) Terazawa, Y., Kishizawa, R. and Takeuchi, T.: Comparison of Seismic Damage Design Criteria of Space Frame Roofs Supported by RC Substructures, Steel Construction Engineering, Vol.27, No.107, pp.51-60, 2020.9 (in Japanese) https://doi.org/10.3130/jssc.27.107\_51
- 20) Watanuki, Y., Sawaki, S., Kurata, T., Iwamoto, Y., Nishimoto, K and Konishi Y.: Application of energy-dissipation roof bearings with friction dampers – Part 1 Overview and design case -, Summaries of Technical Papers of Annual Meeting, Architectural Institute of Japan, Structure 1, pp.883-884, 2018.7 (in Japanese)

綿貫雄太,澤木俊治,倉田高志,岩本雄一,西本晃治,小西克尚:摩擦 ダンパーによるエネルギー吸収支承の実施例 その1 エネルギー吸収 支承の概要と設計事例,日本建築学会大会学術講演梗概集,構造 I, pp.883-884, 2018.7

- 21) Kato, S., Deguchi, T. and Nakazawa, S.: Proposal of new system of steel supports for space frames and its proof of effectiveness for refraining from damage due to earthquake - a case study of a roof supported by reinforced frames as a substructure -, Research Paper on Membrane Structures, No.32, pp.29-46, 2018. (In Japanese)
- AIJ: AIJ Recommendation for Design of Latticed Shell Roof Structures, 2016.11 (in Japanese)
  - 日本建築学会:ラチスシェル屋根構造設計指針,2016.11
- 23) Terazawa, Y. and Takeuchi, T.: Optimal damper design strategy for braced structures based on generalized response spectrum analysis., Jpn Archit Rev., 2019:00:1-17., https://doi.org/10.1002/2475-8876.12122, accessed 2020.12.08 (参照 2020.12.08)
- AIJ: AIJ Standard for Structural Calculation of Reinforce Concrete Structures, 2018.12 (in Japanese)

日本建築学会:鉄筋コンクリート構造計算基準・同解説,2018.12

25) Yamashita, T., Yamane, K., Nishimura, K., Takeuchi, T. and Terazawa, T.,: Cyclic load tests of cantilever RC column supporting steel roofs n gymnasiums Part1.Overview on test and results, Summaries of Technical Papers of Annual Meeting, Architectural Institute of Japan, Structure 1, pp. 707-708, 2022.7 (in Japanese)

山下徹郎,山根一真,西村康志郎,竹内徹,寺澤友貴:シアスパン比の 大きい置屋根体育館の片持 RC 柱の実験 その1 実験とその結果,日 本建築学会大会学術講演梗概集,構造 I, pp. 707-708, 2022.7

26) SNAP Ver. 8.

27) The Japan Building Disaster Prevention Association: Seismic provision for existing RC buildings, 2001. (in Japanese)
1. Lith for the first fir

日本建築防災協会:既存鉄筋コンクリート構造物の耐震診断基準同解 説, 2001.

### 付録 A. 屋根部面内振動周期 T<sub>RI</sub>の簡易推定法

Fig. A1 に手法概要を, Table A1 に評価結果を示す。屋根モデル各節点質量 に適当な加速度(例えば 1g)を水平方向に乗じた静的線形解析を行い, 与えた 水平荷重合計値をピーク応答を生じる支承部節点の水平変形 u, で除すことで 仮の屋根水平剛性  $K_{RI}$ を算出し,  $K_{RI}$ と屋根部層質量  $\Sigma m_{L}$ から屋根部面内振動 周期  $T_{RI}=2\pi\sqrt{\Sigma m_{L}K_{RI}}$ を算出する。Table A1 に示すように, 同手法による  $T_{RI}$ の 推定値(Approximate)は, 固有値解析結果(Exact)に対して 0.02s~0.04s 程度の誤 差で一致する。また, 同手法を 2.4 節に示す RC 片持架構の構面外応答周期の 評価値と併用することで, 屋根面内振動の励起を判断する程度の割線周期  $R_{TI}$ も簡易推定可能である。



Fig. A1 Overview of linear static analysis to obtain approximate  $T_{RI}$ 

Table A1 Comparison of  $T_{RI}$  and  $R_{TI}$ 

	Brace		$T_{RI}(s)$	R <sub>TI</sub>		
	section	Exact	Approximate	Exact	Approximate	
B1	○-21.7×2.0	0.43	0.47	1.19	1.09	
B2	○-27.2×2.0	0.38	0.41	1.33	1.23	
B3	○-34.0×2.3	0.32	0.34	1.58	1.47	
B4	O-42.7×2.3	0.29	0.31	1.77	1.66	
B5	O-48.6×2.5	0.26	0.27	1.94	1.85	
B6	O-89.1×2.8	0.17	0.19	3.05	2.68	
B7	○-139.8×3.6	0.12	0.13	4.16	3.86	
B8	O-216.3×4.5	0.09	0.09	5.57	5.50	

(2023年4月4日原稿受理, 2023年5月24日採用決定)