一般化応答スペクトル解析法に基づく免震構造の設計手法 DESIGN METHOD OF SEISMICALLY ISOLATED STRUCTURES BASED ON GENERALIZED RESPONSE SPECTRUM ANALYSIS

寺澤友貴^{*1}, 佐野 航^{*2}, 竹内 徹^{*3} *Yuki TERAZAWA, Wataru SANO and Toru TAKEUCHI*

This paper presents a design method for highly indeterminate seismically isolated structures utilizing generalized response spectrum analysis, which has been extended to simulate both of an elasto-plastic damper with isolator and a nonlinear oil damper. This enables a more efficient design process than trial-and-error approaches with non-linear response history analysis. The design example using the proposed method are demonstrated in a series of studies using a base isolation system with a tall building and mid-story isolation or roof isolation systems having substructures with dampers.

Keywords: Base Isolation, Mid-story Isolation, Roof Isolation, Elasto-plastic Damper, Oil Damper, Spatial Structure 基礎免震,中間層免震,屋根免震,弾塑性ダンパー,オイルダンパー,空間構造

1. 序

免震構造は免震支承により上部構造を長周期化し,免震層に導入 したダンパーがさらに地震応答低減する応答制御構造であり,人命 保護と事業継続を容易に達成できるため世界中で普及している。

ある前提条件を満たす免震構造(例えば上部構造に対して免震層 接線周期が2.5倍以上の基礎免震)は、卓越固有振動特性が免震層の スウェイモードに限定され、多自由度系の等価1自由度系への縮約 が容易なため、応答スペクトル法やエネルギー法に基づく簡易応答 評価や設計用せん断力分布が精力的に検討され、指針¹¹や法規^{21,31}に より簡易設計法が確立されている。特に中間層免震や屋根免震では、 小林ら⁴¹がエネルギー法の簡易応答評価を提案し、金子⁵¹が上部構 造を TMD と見立てた簡易応答評価を提案し、廣谷ら⁶¹が応答性能 設計図表を用いた設計手法を提案し、竹内ら⁷¹がラチスシェル屋根 免震の静的地震荷重を提案した。簡易手法は免震構造の動的応答特 性が明瞭なため,設計者の理解を助け,免震構造の普及に貢献した。

その一方,近年の我が国では,長周期建物の基礎免震や,下部構造に制振部材を有する中間層免震や屋根免震など,簡易手法の前提を外れた建物へ免震構造を導入する挑戦的な事例^{例えば 8),9)}が増え, 実務者が立体モデルの時刻歴応答解析(Non-Linear Response History Analysis, NLRHA)を試行錯誤してダンパーを設計する状況が続いている。この様な現状では,実務者の自由な発想を支援し,特定の免 震構造に依らない汎用的な設計法も必要と考えられる。これに対し て筆者らは複素固有値解析と応答スペクトル法の収斂計算を中核と した一般化応答スペクトル解析法(Generalized Response Spectrum Analysis, GRSA¹⁰)を提案している。低自由度系を用いて高速化した NLRHAと比べて,GRSA はダンパーを配置した任意形状の立体モ デルの部材応答や立体的な応答も高速に地震応答評価できるため, その応答値により等値線図を作成し有望な設計解候補を選定する構造計画法は、将来誕生する未知の免震構造にも適用できて汎用的と考えられるが、同様な試みは未だ少ない。既往¹¹⁾の GRSA は制振ブレースに特化しており,免震部材と免震構造への拡張も必要である。

そこで本研究はGRSA を様々な免震構造の立体モデルの応答評価 に拡張し、その上でGRSA 応答値の等値線図に基づく設計法を提案 することを目的とする。初めの2章では免震部材と免震構造に拡張 したGRSAの詳細とGRSA 応答値の等値線図に基づく提案設計手 法を述べる。次の3章では簡易立体モデルを対象に免震構造に対す るGRSAの基本的な精度を検証する。続く4章、5章、6章では長 周期超高層建物の基礎免震、下部構造に制振部材を有する中間層免 震や屋根免震を対象に提案手法の設計例を示し、設計解の特性を分 析する。なお、本研究はGRSA に基づく免震構造の設計法の提案と 試行に着目し、構造計画としての各免震構造の是非は議論しない。

2. 一般化応答スペクトル解析法 (GRSA) に基づく免震構造の設計手法 2.1 拡張部分を含めた GRSA の計算ルーチン

Fig. 1 に GRSA の計算ルーチンを示す。本研究の GRSA の拡張部 分は,(a)免震支承+弾塑性ダンパーの複素剛性要素の導入,(b)免震 および制振用オイルダンパーの等価線形粘性要素の導入,(c)等価線 形粘性要素の付加減衰行列の更新手続きの導入,(d)事前に与える応 答スペクトルの種類変更,(e)長周期帯対応に向けた減衰効果係数 D_h の変更であり,以下に拡張部分を含めた手続きの概要を述べる。

Fig. 1 に示すように, GRSA は, (1)非比例減衰系の複素固有値解 析と応答スペクトル法から部材の変形と速度のモード重合応答値を 計算し, (2)計算値から複素剛性要素と等価線形粘性要素の諸元を更 新し, (3)モード重合応答変位ベクトルをノルム化した微分係数が公

^{*1} 東京工業大学建築学系 助教・博士(工学)

^{*&}lt;sup>2</sup> 元 東京工業大学 大学院生 修士(工学)(現 (㈱日建設計)

^{*3} 東京工業大学建築学系 教授・博士(工学)

Assist. Prof., Dept. of Arch. and Build. Eng., Tokyo Institute of Technology, Dr.Eng. Former Grad. Student, Tokyo Institute of Technology, M.Eng. (NIKKEN SEKKEI LTD) Prof., Dept. of Arch. and Build. Eng., Tokyo Institute of Technology, Dr.Eng.

差(本論は1.0)を下回る,または繰返し回数が制限値(本論は10回)に 達するまで収斂計算し,(4)部材力を含む各種最大応答値を決定する。 複素固有値問題は式(1)と Arnoldi 法と QR 法で解く。

$$\begin{pmatrix} -\mathbf{M}^{-1}\mathbf{C}_{\mathbf{eq}} & -\mathbf{M}^{-1}\mathbf{K}_{\mathbf{eq}} \\ \mathbf{I} & \mathbf{0} \end{pmatrix} \begin{bmatrix} \lambda\{\phi\} \\ \{\phi\} \end{bmatrix} = \lambda \begin{bmatrix} \lambda\{\phi\} \\ \{\phi\} \end{bmatrix}$$
(1)

ここに M, C_{eq}, K_{eq}は系全体の質量,等価減衰,複素剛性行列であ り, I は単位行列,λは複素固有値,{φ}は複素固有ベクトルである。 応答スペクトル法のモード重合は式(2)の修正 CQC 法¹²⁾を用いる。

$$R_{\text{coc}} = \sqrt{\sum_{s=1}^{n} \sum_{r=1}^{n} B_s B_r S_s(\omega_s, \xi_s) S_r(\omega_r, \xi_r) \cos(\theta_s - \theta_r) \rho_{sr}}$$
(2)

ここに*s*と*r*はモード番号, *ζ*はモード減衰比, ρ は各種モード相関 係数, ω は固有円振動数, *S*は応答スペクトル値, *B* = |Re($\lambda^*\beta\phi$)/sin(θ)|, θ = tan⁻¹(-Re($\lambda^*\beta\phi$)/Re($\beta\phi$)), λ は複素固有値, β は複素刺激係数, ϕ は 複素固有ベクトル成分, *は複素共役である。複素剛性を含む非比例 減衰系の固有値選択と修正 CQC 法適用の理論は既報¹⁰)に示す。

主要な減衰比 ζ_0 の応答スペクトル値($\zeta_0 = 1, 2, 3, 5, 10, 15, 20, 30%$) は外部ファイルから 0.01 秒刻みの離散値データとして事前に与え, 任意減衰比 ζ の応答スペクトル値は,減衰比の近い上記の値に減衰 効果係数 D_h を乗じて換算し,周期刻み間の値は線形補間する。ただ し,本研究では応答スペクトルは個別に与え,疑似応答スペクトル は用いない。また, D_h は長周期帯に対応した式(3)を用いる¹³⁾。ここ に $D_{h0}=\sqrt{(1+\alpha\zeta_0)/(1+\alpha\zeta)}$ であり,本研究は $\alpha = 75$ (模擬波)を用いる。

	$(D_{h0}-1)(5T)+1$	$(0 \le T < 0.2)$	
$D_h = -$	D_{h0}	$(0.2 \le T < 2.0)$	(3)
	$D_{h0}\left\{\sqrt{\xi/\xi_0}(T-2)/40+1\right\}$	$(2.0 \le T < 8.0)$	

2.2 免震支承+弾塑性ダンパーの複素剛性要素

振幅依存型の弾塑性減衰は複素剛性で模擬する。本研究では重層 系の平面・立体架構から水平2方向の振動特性が卓越する場合もあ る空間構造物への適用までを考慮し,免震支承+弾塑性ダンパーの 複素剛性要素は MSS 要素¹⁴⁾に基づき構築する。Fig. 2 に MSS 要素 の概要を示す。MSS 要素は単軸の復元力特性を分割した等価せん断 バネを等角度にn本配置した要素であり,両端2節点の相対変位に 対して2方向相互作用を考慮した復元力を発揮する。複素 MSS 要 素は各方向のバネ毎に複素剛性を評価し,ベクトル分解して全体座 標系に統合する。x-y平面上の要素剛性行列は式(4)に示す。複素 MSS 要素は1軸(n = 1)や直交2軸(n = 2)の複素せん断バネ要素としても 使用できる汎用要素である。本論ではn=16とし、単純バイリニア 型の復元力特性を扱い,鉛直荷重による履歴変動は考慮しない。

$$\sum_{j=1}^{n} \left(a_{j} + ib_{j} \operatorname{sgn} \omega_{e} \right) k_{0} \begin{bmatrix} \cos^{2} \theta_{j} & \cos \theta_{j} \sin \theta_{j} \\ \cos \theta_{j} \sin \theta_{j} & \sin^{2} \theta_{j} \end{bmatrix}$$
(4)

ここにjはバネ番号, θ はx軸からの角度,aは等価剛性係数,bは エネルギー吸収係数, $sgn \omega_e$ は仮想外力円振動数の符号関数, k_0 は 単軸の初期剛性 $K_0 \varepsilon n$ 分割した MSS 要素の等価せん断剛性である。

Table 1 にバイリニア型履歴の複素剛性関係式を, Fig. 3 に要素減 衰比 ξ -塑性率 μ 関係を示す。ここに $\gamma_{\kappa} = \{1+p(\mu-1)\}/\mu$ は最大点割線 剛性比, $\gamma_{E} = (4/\pi)(1-p)(\mu-1)/\mu^{2}$ はエネルギー吸収比, p は 2 次剛性比 である。複素 MSS 要素の各バネはベクトル分解したモード重合応 答値より μ を計算する。Table 1 に示すように, 複素剛性関係式は, 既報¹¹⁾に引続き最大点剛性法¹⁵⁾ (GSM)と平均減衰法¹⁶⁾ (ADM)を用 いる。一方, ブレース型弾塑性ダンパー¹¹⁾と異なり, 免震用の弾塑







性ダンパーは μ が数十を超える場合がある。Fig. 3 に示すように, この μ 範囲では複素剛性の等価剛性 a と要素減衰比 ξ が同時に減少 し, GSM の変位応答評価が過大安全側になりやすく,既報では ξ を 最大値 $\xi_{peak} = 2(1-\sqrt{p})/{\pi(1+\sqrt{p})}$ から一定とすると精度が改善する知 見が得られた¹⁰⁾。本研究では,さらに係数 κ を用いて ξ を一律に低 減する修正 GSM(本論は $\kappa = 0.6$,付録 1 参照)を提案して比較する。

2.3 免震および制振用オイルダンパーの等価線形粘性要素

Fig. 4 にオイルダンパーの荷重速度関係を示す。ここに p_d は 2 次 減衰係数比, μ_d はリリーフ率である。オイルダンパーは油圧を制限 する機構により、部材速度がリリーフ速度 V_R に達すると減衰係数が 低減される非線形粘性要素とする。本研究では、オイルダンパーを 等価な減衰係数 C_{eq} を有する線形粘性要素として模擬する。 C_{eq} は最 大速度時の吸収エネルギー量の等価性に基づく式(5)で評価する¹³。

$$C_{eq} = \{ (p_d \mu_d - p_d + 1)^2 + p_d - 1 \} C_1 / (p_d \mu_d^2)$$
(5)

GRSAにおいてµdはモード重合した速度応答値を最大応答値とし て計算する。なお、本研究では、粘性要素は両端2節点の相対速度 の1乗に対して減衰力を発揮する単純ダッシュポットとしてモデル 化して接合部剛性は考慮しない。また、ダンパーは軸方向に減衰力 を発揮するブレース型と、せん断方向に減衰力を発揮するせん断型 を想定し,免震層では免震支承を模擬する MSS 要素と同じ座標に2 方向配置する。対象とするオイルダンパーの諸元は免震用で V_R =320 mm/s, p_d =0.0678, 制振用で V_R =32 mm/s, p_d =0.0299 とする。

2.4 GRSA に基づく免震構造の設計手法

4000

高速な GRSA のパラメータ検討に基づく設計法を提案する。具体 的には、(1)GRSA の近似応答値の等値線図を複数作成し、(2)設計基 準を満たす設計解候補(変位を小さくする解など)を決め、(3)NLRHA を用いて応答を検証し、(4)設計基準を超える場合は次の候補を解く。 本研究では Python スクリプトを用いて GRSA をバッチ並列処理し て等値線図を作成する。本研究は実務者らが等値線図上で動的応答 特性を確認しながら、対話的に免震構造を設計する手法の提案に着 目する一方、数値最適化¹¹⁾も適用できる。4 章以降の設計基準は免 震層変位 600mm、下部構造の層間変形角 1/100rad とする。なお、建 築計画上層剛性が相対的に低くなる層が特定できる範囲であれば、 特定層の剛性を設計変数とし、応答変形の偏差値や標準偏差の等値 線図によって上部構造の応答変形を制御する設計も可能である。

2.5 入力地震動

Input direction

Fig.5に本論に用いる入力地震動を示す。本論では、一様な入力レベルにおける地震応答を検証するため、文献 7)と 17)に作成方法が記されている設計用スペクトル BRI-L2 に位相適合した El Centro NS, Hachinohe NS, JMA Kobe NS, Taft EW の模擬地震動を用いる。本研究の NLRHA は幾何学的非線形性を考慮し、数値積分法は Newmark

Beam

Column Brace Elasto-plastic damper

Oil damper

=

β法(β = 1/4)を用いる。比例減衰行列は初期剛性行列(免震層の剛性 は除く)と質量行列に基づく Rayleigh 型とし、卓越上位 2 モードの 初期減衰比を 2%とする。また、3 章以降の数値モデルでは、主架構 は線形弾性とし、免震・制振部材のみ材料非線形性を考慮する。

3. 免震構造に対する GRSA の基本的精度と複素 MSS 要素の適用範囲

まず,1層基礎免震構造物を対象にGRSAの基本的な精度を検証 し,複素MSS要素の適用範囲を確認する。Fig.6に対象モデルを示 す。主架構は1辺4mの整形な鋼構造立体骨組であり,自重を含め た10kN/m²相当の節点質量を与える。Table 2に免震層諸元を示す。 免震層に弾塑性ダンパーを設置したモデル(EPモデル)のパラメータ は,免震支承のみの接線周期 T_f ,免震支承+ダンパーの初期剛性によ る固有周期 T_0 ,ダンパーの降伏せん断力係数 α_r とする。免震層にオ イルダンパーを設置したモデル(ODモデル)のパラメータは、 T_f と付 加減衰比 h_{eq} とする。なお,以上の検討パラメータは、便宜的に上部 構造を剛体の質点と見做した等価1自由度系上の理論値である。

Fig.7にEPモデルの最大応答値の比較を示す。同図のCons.(+)はGRSAが安全側評価,Uncons.(-)は危険側評価を示す。初期固有周期 T_0 が短周期($T_0=0.1$ s, 0.3s)の場合では修正GSM,長周期($T_0=0.7$ s, 1.0s)の場合ではADMの精度が良い。2.2節で述べたように、特にGSMは免震層変位を過大安全側に評価する傾向にある。

そこで非線形係数 <u>NL</u>¹⁸⁾を指標として複素 MSS 要素に適用する複 素剛性関係式の適用範囲を検証する。<u>NL</u>は免震層全体のバイリニア 型復元力特性の非線形性を表す指標として知られる^{例えば1),18)}。Fig.8 に <u>NL</u>の定義を示す。<u>NL</u>は点線の長方形面積に対する実線の履歴面 積の比であり、 $0.0 \leq \underline{NL} \leq 1.0$ となる。特に <u>NL</u>が大きい場合で



は、初期剛性または除荷弾性剛性の時の固有振動特性の高次モード 応答が励起され、最大変形点割線(等価)剛性時の固有振動特性に基 づく応答評価値が NLRHA に対して過小評価となりやすい¹⁸⁾。

Fig. 9 に免震層変位に対する GRSA の誤差量と NLRHA より得ら れた非線形係数 <u>NL</u>の関係を示す。同図(a)に示すように, ADM では <u>NL</u>が 0.6 より大きいと危険側評価になる傾向がある。特に $T_0 = 0.1s$ の ADM では,小さな <u>NL</u>で過大安全側評価となる。これは免震層 塑性率が過大な状態($\mu \ge 1000$)と対応し,等価剛性と要素減衰比が 同時に低下する領域とも対応する。これは特に弾塑性として摩擦を 模擬する場合(降伏変位を非常に小さく設定)に生じやすい。同図(b) に示すように,修正 GSM では同様な場合も評価精度は良い。<u>NL</u> が 0.7 までの範囲ならば概ね誤差 30%の範囲に収まる。以上より概 ね誤差 30%程度の評価精度を保つため,ADM は $\mu \le 1000$ かつ <u>NL</u> ≤ 0.6 ,修正 GSM は <u>NL</u> ≤ 0.7 を適用範囲と定める。4 章以降の設計 例では,免震層 2 次剛性比 $p \ge 1/16$ を検討範囲として ADM を用い る。この範囲では <u>NL</u> ≤ 0.6 となる(Fig. 8 中の式より計算可能)。

Fig. 10 に EP モデルの最大応答値の比較を示す。免震支承とオイ ルダンパーのせん断力には位相差が生じるため,GRSAの応答評価 では,両者の二乗和平方として免震層の最大せん断力を算出する¹⁹。 同図に示すように,概ね誤差-20~+10%の範囲に収まる。なお,応 答加速度や観測地震波原波に対する評価は付録3に示す。

4. 長周期の超高層基礎免震構造の試設計

高次振動モードの影響を含め1自由度系への置換が難しい超高層 基礎免震建物について提案設計手法による試設計を行い,設計解を 分析する。Fig.11に対象モデルを示す。対象は2×4スパン,アスペ クト比 5.0,30層の鋼構造立体骨組である。同建物は固定荷重 10 kN/m²とし,台形分布の水平剛性を有するように許容応力度設計し



た。免震層固定時の固有周期は $3.6s(=0.03 \times \text{軒高})$ であり,上部構造 と免震層を剛体 1 質点に置換できる 2.5 倍以上の周期比 ¹⁾を実現す るには,免震層の接線周期 $T_f \ge 9.0s$ とする必要があり,標準的な簡 易設計法 ¹⁾の適用は容易でない。同様な実例は文献 9)などが挙げら れる。本章は超高層建物を基礎免震構造として設計する。Table 3 に 免震層諸元を示す。免震層は $T_f=4.0 \sim 7.0s($ 上部構造を剛体 1 質点と 見做した等価 1 自由度系上の理論値)とし,弾塑性ダンパーを配置す る設計(EP)と,オイルダンパーを配置する設計(OD)を検討する。

4.1 GRSA の等値線図を用いた設計解候補の選定

Fig. 12 に弾塑性ダンパーを配置する設計について, Fig. 13 にオイ ルダンパーを配置する設計について GRSA の近似応答値の等値線図 を示す。図中網掛け部は設計基準(1/100rad)以下の範囲を示している。 同図は全ての入力地震動の最大応答値のうち,最も大きい値を示し ている。同図らに示すように,接線周期 T_fが長いほど免震層変位は 大きくなり,最大層間変形角およびベースシア係数は応答低減でき



El Centro NS, Initial → After GRSA	1st mode	2nd mode	3rd mode
Natural period (s)	$5.74 \rightarrow 5.87$	$1.69 \rightarrow 1.73$	$0.83 \rightarrow 0.85$
Damping ratio	$0.22 \rightarrow 0.16$	$0.22 \rightarrow 0.16$	$0.17 \rightarrow 0.12$



る傾向にある。そこで図中の網掛け範囲で最大層間変形角とベース シア係数をできるだけ小さくできる免震層パラメータ(Fig. 12 と Fig. 13 の〇マーカー)を設計解候補とする。

4.2 NLRHA を用いた設計解候補の応答値の確認

Fig. 14 に弾塑性ダンパーを配置する設計解候補の NLRHA の結果 を示す。同図(a)に示すように、最大層間変形角とベースシアを最小 化する T_f =7.0 s, α_r =0.02 の候補 EP①では免震層最大変位が設計基 準を超える。そこで次に 2 番目に最小化できる T_f =7.0 s, α_r =0.03 の候補 EP②を解く。同図(b)(c)に示すように、候補 EP②の応答値は 設計基準を満たし、非免震時と比べて最大層間変形角は 1/69rad か ら 1/193rad に最大層せん断力係数は 0.68 から 0.24 に応答低減でき た。Table 4 に設計解候補 EP②の GRSA の前(Initial)と後(After GRSA) の卓越固有振動特性の変動を示す。GRSA 後の固有周期は収束計算 後の等価剛性を用いて計算している。GRSA の前後で比較すると 1 次だけでなく、2 次、3 次モードも長周期化し、さらにモード減衰比 が増大していることが分かる。

Fig. 15 にオイルダンパーを配置する設計解候補($T_f = 5.0$ s, $h_{eq} = 0.35$)の NLRHA の結果を示す。同図(a)に示すように、オイルダン パーを配置する設計では、1度の試行で設計基準を満たす免震層(最 大変位 480mm)を設計できた。同図(b)(c)に示すように、最大層間変 形角は1/69radから1/206 radに、最大層せん断力係数は0.68から0.18 に応答低減された。Table 5 に GRSA 前後の卓越固有振動特性を示 す。1自由度系理論値の $T_f = 5.0$ s対して、実際の1次固有周期は5.74s である。これは免震層の水平移動と上部構造の1次モードが連成す るためである。なお、オイルダンパーの減衰係数の低下を考慮する と、1次モード減衰比はGRSA 前後で約70%まで低下する一方、高 次モードでは10%以上の付加減衰を獲得できることが分かる。

Fig. 16 と Fig. 17 に, El Centro NS 波入力を例に最終設計解の NLRHA と GRSA の比較を示す。Fig. 16 に示すように, EP②では, 高層のせん断力係数がやや危険側評価となっている。これは3章と 同様に免震層が初期剛性または除荷弾性剛性の時に高層のせん断力 係数が最大となるためである(付録2)。一方, Fig. 17 に示すように, オイルダンパーを配置した場合は誤差6%以内で応答評価できた。

以上に示すうに,GRSA の等値線図に基づく提案設計法を用いる ことで,少ないNLRHAの試行回数で最適な免震構造が計画できる。

5. 下部構造に制振部材を有する中間層免震構造の試設計

下部構造に制振部材を有する中間層免震構造について,提案設計 手法を用いた試設計を行い,同免震構造の動的応答特性を分析する。 中間層免震構造では,下部構造の応答加速度が低減されず,下部構



layer with no dampers in substructures (GRSA)

造に制振部材を追加する事例^{例えば8)}がある。このとき文献 13)に示さ れるように、下部構造の剛性を低下させることでダンパー効果を高 められると考えられるが、適切な下部構造の剛性とダンパー諸元の 関係は不明であり、効率的な設計手法が確立されていない。剛性低 下は変形増大を招くため、実務者の間でも議論となっている。なお、5 章と6章では、上部構造をTMDと見立てた設計は検討していない。

5.1 免震層設計と下部構造の制振設計の概要

Fig.18に対象モデルを示す。対象は1×4スパン,9層の鋼構造立 体骨組である。同建物は自重を含めた10kN/m²の固定荷重に対して 許容応力度設計し,さらに検討対象とする長手方向の各層水平剛性 が台形分布となるように部材断面を決定している。免震構造を導入 する前の1次固有周期は1.08s(0.03×軒高)である。本章では、2層、5 層、8 層上部を免震層として設計した後に、下部構造の応答加速度 を低減する制振設計を検討する。各モデルは n 層免震と称する。 Table6に免震・制振部材の検討パラメータを示す。免震層は弾塑性 ダンパーを配置し、免震支承のみの接線周期 T_fは4.0 s、免震支承+ 弾塑性ダンパーの初期剛性に対する固有周期 T₀は1.0 s と設計する。 下部構造の制振設計では、下部構造の主架構剛性倍率β、1層に導



入する弾塑性ダンパーの降伏せん断力係数 a_s , オイルダンパーの付加減衰比 h_{eq} を主要パラメータとする。Fig. 18 に示すように,各層のダンパー諸元は,1層のダンパー諸元 a_s やオイルダンパーの h_{eq} を基として, β =1.0の主架構剛性分布に比例するように(弾塑性ダンパーでは弾性剛性比 k_{dl}/k_{fl} 一定,オイルダンパーでは損失剛性比 k_{dl}/k_{fl} 一定,オイルダンパーでは損失剛性比 k_{dl}/k_{fl} 一定,オイルダンパーでは損失剛性比 k_{dl}/k_{fl} 一定)決定する。下部構造はブレース型の弾塑性ダンパー(降伏層間変形角 1/750rad, p=0.02, ADMの複素剛性関係式を使用)またはオイルダンパーを配置する設計を想定し,それぞれを EP モデルまたは OD モデルと称する。

5.2 GRSA に基づく免震層の設計

初めに免震層を設計する。Fig. 19 に下部構造非制振時のモデルを 対象に、GRSA より得られた免震層せん断力-弾塑性ダンパー降伏せ ん断力係数 a_y 関係を示す。同図に示すように、免震層は入力4 波の 免震層せん断力係数が最小化できる $a_r = 0.05$ (2 層免震), $a_r = 0.03$ (5 層免震,8 層免震)と設計する。なお、免震層を決定してから下部構 造を設計する同手順は、上部構造のための免震層を最適に設計した 後に下部構造の応答制御が必要になった状況を想定している。

5.3 GRSA の等値線図に基づく設計解候補の選定

次に下部構造を設計する。Fig. 20 と Fig. 23 に GRSA の近似応答 値の等値線図を示す。図中網掛け部は設計基準(1/100rad)以下の範囲 を示している。ダンパーの種類に依らず,全体的に下部構造の主架 構剛性比 β が低下する(相対的に下部構造を柔らかく設計する)と, 下部構造の応答加速度が低減され,代わりに層間変形角が増大する。

ただし、弾塑性ダンパーの場合では、ダンパー導入が下部構造の 剛性増大となるため、Fig. 20 に示すように、β=0.1 程度まで下部構 造剛性を低下させないと応答加速度は最小化できない。また、下部 構造の層数に比例して最適な必要ダンパー耐力(Fig. 20 中の 1 層の 降伏せん断力係数 1as)は増大する傾向にある。一般的な制振設計¹³⁾ と同様、弾塑性ダンパーの導入量を増やすと層間変形角はより低減 されるが、過剰に導入すると応答加速度はかえって増幅する。これ に対しオイルダンパーを付加する場合では, Fig. 23 に示すように, $\beta = 0.3 \sim 0.7$ 程度で応答加速度は最小化できる。また、下部構造の層 数に関係なく,オイルダンパーの導入量(Fig. 23 中の heq)が多いほど 応答加速度は低減される。そこで応答加速度を最小化する設計パラ メータ(Fig. 20 と Fig. 23 の〇マーカー)を設計解候補とする。このよ うに提案手法を用いると、標準的な設計法が確立されていない免震 構造でも視覚的に効率よく計画できる。なお、本検討の上部構造は 免震層によって十分に応答低減されており、下部構造の制振設計に 対して上部の応答は殆ど変化していないことを確認している。なお、 躯体や内装の損傷制御の観点からは、設計基準を 1/150~1/200rad 程 度以下とする必要があり、その場合はβを高める必要がある。

5.4 NLRHA を用いた設計解候補の応答値の確認

Fig. 21 に下部構造に弾塑性ダンパーを導入する場合の設計解候補 の NLRHA の結果を示す。Fig. 21(a)(c)に示すように、2 層免震モデ ルと8 層免震モデルでは、1 度の試行により、下部構造の層間変形 角を 1/100rad 以下に抑えながら、2 層免震モデルでは 12.7 m/s² か ら 9.0 m/s²、8 層免震モデルでは 14.4 m/s² から 8.2 m/s²に応答加速度 を低減する設計ができた。一方、Fig. 21(b1)(b2)に示すように、5 層 免震モデルでは、設計解の決定に数度の試行を必要としたが、同様 に応答加速度を 15.0 m/s² から 9.3 m/s²に低減できている。Fig. 22 に 設計解候補のNLRHAとGRSAの比較を示す。一部に危険側評価はあるが,概ね誤差30%以内(同図の灰色の塗り潰し部)で評価できた。

Fig. 24 に下部構造にオイルダンパーを導入する場合の設計解候補 の NLRHA の結果を示す。Fig. 24(a)~(c)に示すように, どのモデルに おいても、1 度の試行で下部構造の層間変形角を 1/100rad 以下に抑 えながら、2 層免震モデルでは 12.7 m/s² から 8.7 m/s²、5 層免震モデ ルでは 15.0 m/s² から 12.8 m/s²、8 層免震モデルでは 14.4 m/s² から 8.7 m/s²に応答加速度を低減する設計ができた。Fig. 25 に設計解候補の NLRHA と GRSA の比較を示す。応答加速度, 層間変形角ともに誤 差 30%以内で応答評価できている。

6. 下部構造に制振部材を有する屋根免震構造の試設計

最後に下部構造に制振部材を有する屋根免震構造について,提案 設計手法を用いた試設計を行い,同免震構造の動的応答特性を分析 する。同免震構造においても,下部構造の応答加速度が低減されな い傾向が確認されている⁷⁾。本章は5章と同様な手続きにより,下 部構造の応答加速度を低減する制振設計を検討する。

6.1 免震層設計と下部構造の制振設計の概要

Fig. 26 に対象モデルを, Table 7 に建物規模を, Table 8 に各層の 質量と水平剛性を示す。対象はスパン *L* = 150 m の支持架構付き免



Fig. 27 Predominant modes (effective mass ratio, natural period)

震ラチスドームであり、下部構造は柱脚部ピン支持の3層鋼構造立 体骨組であり、屋根架構は半開角 θ = 30°の剛接合単層ラチスドー ムとする。同建物の下部構造はテンションリング自重+0.98 kN/m², 屋根架構は 3.0 kN/m²の固定荷重に対して許容応力度設計されてい る。また、屋根架構は面外剛性を調整し、1/100のデプス/スパン比 のダブルレイヤードームを模擬する⁷⁾。Table 9 に免震・制振部材諸 元を示す。免震層はドーム部と下部構造の間に設け、弾塑性ダンパ ーを配置する。免震層は免震支承のみの接線周期 Tf=3.0 s, 免震支 承+弾塑性ダンパーの初期剛性による固有周期 T₀ = 1.0 s とする。 Fig. 26 に示すように、下部構造はブレース型の弾塑性ダンパーまた はオイルダンパーを各層 24 本配置する設計を想定し、それぞれ EP モデルまたは OD モデルと称する。対象建物は環状の下部構造を有 するため, EP モデルでは弾塑性ダンパーは順次降伏する。そこで本 章では、最初に降伏する弾塑性ダンパーの層間変形角が 1/750rad と なるように復元力特性を設定する。その他は4章と同様とする。

Fig. 27 にダンパーを導入する前の対象建物の卓越固有モードを示 す。同結果は鉛直荷重による幾何非線形性を考慮している。免震層 には免震支承のみを配置しており,免震層が剛とみなせる接線周期 $T_f = 0.001 \text{ s}$ のモデルを非免震モデルと定義する。同図(a)の非免震モ デルでは逆対称1波モードが卓越する。同図(b)のT_f=1.0sのモデル では卓越2次モード以降で下部構造と屋根の振動モードが連成する。 同図(c)の $T_f = 3.0$ s のモデルでは免震層が水平移動するモードおよ び下部構造のみが振動するモードがそれぞれ卓越する。

6.2 GRSA に基づく免震層の設計

Input

motion

10

0.2

0.15

0.1

0.05

0.08

0.06

0.04

0.02

0.1

0∔ 0.1

Damping ratio h

ć

0.

0.1

Stiffness ratio β

Ϋ́́

まず免震層を設計する。Fig.28に下部構造非制振時のモデルを対 象に, GRSA より得られた免震層せん断力係数-弾塑性ダンパー降伏 せん断力係数 αy 関係を示す。同図(a)に示すように、免震層は入力 4

波の免震層せん断力係数が最小化できる $\alpha_Y = 0.04$ と。Fig. 29 に NLRHA より得られた稜線加速度を示す。以降,節点 E-A-O-A'-E'を 結ぶ稜線を代表に応答加速度を議論する。図中EおよびEは入力波 の最大加速度, Eから A, Eから A'は順に下部構造1層から3層ま での加速度を表している。同図に示すように、ドーム部の加速度は 免震化により水平最大加速度は 19.1 m/s²から 1.8 m/s²に, 鉛直最大 加速度は 22.6 m/s²から 1.5 m/s²に大きく低減されている。しかし, 同図(a)に示すように、下部構造水平加速度はあまり低減効果が得ら れず,一部の入力地震動では応答増大が確認される。Fig. 30 に GRSA と NLRHA の比較を示す。同図(a)に示すように、水平応答加速度は 精度良く評価できる。同図(b)に示すように、値は小さいものの、鉛 直応答加速度は危険側評価となる。これは、3章で述べたように、 免震層が初期剛性または除荷弾性剛性の時にドーム部の高次モード 応答が励起されるためである¹⁸⁾。以降は下部構造の応答に着目する。

6.3 GRSA の等値線図に基づく設計解候補の選定

次に下部構造を設計する。Fig. 31 に GRSA の近似応答値の等値線 図を示す。同図(a1)(a2)の網掛け部は、弾塑性ダンパーが降伏する層 間変形角 1/750 rad 以上の範囲を示す。同図(b1)(b2)に示すように, オイルダンパーを導入する場合では、β=0.3 程度に下部構造剛性を



Fig. 31 Response contour plots calculated by GRSAs (a: EP, b: OD)

Fig. 32 Comparison of NLRHA results with or without damper Fig. 33 Comparison of GRSA and incorporated in substructure (a: EP, b: OD)

NLRHA (El Centro NS)

低減させ、*h_{eq}*=0.09 程度のオイルダンパーを導入すると下部構造の 応答加速度を最小化できる。一方、同図(a1)(a2)に示すように、弾塑 性ダンパーを配置する場合では、下部構造剛性を低下させるとかえ って応答加速度は増幅する傾向にある。そこで応答加速度が最小化 される設計パラメータ(Fig. 31 の○マーカー)を設計解候補とする。

6.4 NLRHA を用いた設計解候補の応答値の確認

Fig. 32 に設計解候補の NLRHA の結果を示す。同図(b1)~(b3)に示 すように、オイルダンパーを導入する場合では、下部構造の応答加 速度は 11.9m/s²から 6.5~9.9 m/s²まで低減できたが、同図(a1)~(a3)に 示すように、弾塑性ダンパーを導入する場合では、応答加速度は殆 ど低減しない結果が得られた。Fig. 33 に設計解の応答値の比較を示 す。GRSA は概ね誤差 30%以内で応答評価できた。

5 章と6 章より,免震層の下部構造に弾塑性ダンパーを導入する 設計では,対象建物によって応答加速度が殆ど低減できない場合が あることが確認された。一方,提案手法を用いることで,闇雲に時 刻歴応答解析を試行錯誤しなくとも,下部構造の応答加速度低減の ために利用すべきダンパー種が視覚的に判断できることが示された。

7. 結

本論の検討範囲で得られた結論を以下に示す。

- 1)制振ブレースに特化していた一般化応答スペクトル解析法 (GRSA)を,免震部材(免震支承+弾塑性ダンパーやオイルダンパー) と免震部材を配置した免震構造の地震応答評価に拡張し,拡張し たGRSAが超高層建物の基礎免震構造,下部構造に制振ブレース を含む中間層免震構造や屋根免震構造など既往の簡易応答評価法 の適用範囲外の立体モデルに適用できることを示した。特に免震 支承+弾塑性ダンパーを模擬する複素剛性要素は,重層系の立体モ デルから2方向の応答特性が卓越する場合もある空間構造系の立 体モデルまで適用できる任意本数の複素多軸せん断バネ要素(複 素 MSS 要素)を提案し、さらに数十を超えるダンパー塑性率範囲 の応答評価に適合させた複素剛性関係式(修正 GSM)を提案した。
- 2) 複素 MSS 要素に適用する複素剛性関係式は, 免震層の初期剛性に 対する固有周期 T_0 が短周期の場合は修正 GSM, 長周期の場合は 平均減衰法(ADM)の評価精度が良い。評価誤差 30%を概ね保つた めの適用範囲は, ADM が免震層の塑性率 $\mu \leq 1000$ かつ非線形係 数 <u>NL</u> ≤ 0.6 , 修正 GSM が <u>NL</u> ≤ 0.7 となる。
- 3)GRSA の近似応答値の等値線図に基づく任意の免震構造の設計法 を提案し,長周期の超高層基礎免震構造,下部構造に制振部材を 有する中間層免震構造および下部構造に制振部材を有する屋根免 震構造を例に,時刻歴応答解析の試行錯誤を用いずとも,設計基 準を満たす免震構造が視覚的・効率的に計画できることを示した。
- 4)中間層免震または屋根免震の下部構造に制振部材を導入し、下部構造の応答加速度の最小化を図る制振設計では、下部構造の水平剛性を低く設計すると制振部材による応答加速度の低減効果が高まる一方、層間変形角は増大する。また、層間変形角の設計基準に依存するものの、弾塑性ダンパーを導入する場合の方が、オイルダンパーを導入する場合より下部構造の水平剛性を低く設計する必要がある。また、弾塑性ダンパーを導入する設計では、対象建物によって応答加速度が殆ど低減されない場合がある。

本論の範囲のGRSAは、線形粘性ダンパー、線形粘弾性ダンパー、

速度の1乗に比例するバイリニア型の非線形粘性ダンパー,バイリ ニア型の弾塑性ダンパー(トラス要素,リンク要素,多軸せん断バネ 要素)を取り扱い,任意形状の制振構造建物と免震構造建物の応答評 価に使用できる。一方,免震支承は積層ゴム支承または滑り支承に 限定しており,今後は摩擦振り子支承も検討する必要がある。

謝辞

本研究は一部に日本免震構造協会の助成(2019 年度「免震構造・制 振構造に関わる研究助成」)を戴きました。ここに謝意を記します。 参考文献

1) AIJ: Design Recommendation for Seismically Isolated Buildings, 2016.

- Ministerial Notification No. 2009 of the Ministry of Construction, Japan, 2000. (in Japanese)
 建設省告示第 2009 号, 2000
- Ministerial Notification No. 631 of Ministry of Land, Infrastructure and Transport, Japan, 2005. (in Japanese) 国土交通省告示第 631 号, 2005
- Kobayashi M. and Koh T.: Earthquake response prediction and rationalization of dynamic design of mid-story isolated buildings, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No.592, pp.51-57, 2005.6 (in Japanese)
- Kaneko K.: Multipurpose passive control of mid-story isolation buildings designed to mitigate seismic response in substructure, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.80, No.718, pp.1869-1879, 2015.12 (in Japanese)
- 6) Hirotani N. and Hata I.: A study on building mass damper system using midstory isolated system – A design method using the performance based design diagrams -, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.83, No.753, pp.1573-1582, 2018.11 (in Japanese)
- Takeuchi T., Takamatsu K., Kumagai. K. and Ogawa T.: Response evaluation of lattice domes supported by substructures with seismic isolation system, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.74, No.641, pp.1259-1266, 2009.7 (in Japanese)
- Nakamizo D. and Koitabashi Y.: Structural Design of Mid-Story Isolated High-Rise Building – Roppongi Grand Tower, International Journal of High-Rise Building, Vol.7, No.3, pp.233-242, 2018.9.
- JSSI: MENSHIN, No.37, pp.3-8, 2002.8 (in Japanese)
 日本免震構造協会: MENSHIN, No.37, pp.3-8, 2002.8
- 10) Terazawa Y. and Takeuchi T.: Generalized Response Spectrum Analysis for Structures with Dampers, Earthquake Spectra, EERI, accessed 2020.5.19, DOI: https://doi.org/10.1193/092217EQS188M
- Terazawa Y. and Takeuchi T.: Optimal damper design strategy for braced structures based on generalized response spectrum analysis., Jpn Archit Rev., 2019:00:1-17., accessed 2020.5.19 https://doi.org/10.1002/2475-8876.12122
- Sinha R. and Igusa T.: CQC and SRSS methods for non-classically damped structures, Earthquake Engineering & Structural Dynamics, Vol. 24, pp. 615-619, 1995.
- JSSI: Manual for Design and Construction of Passively-Controlled Buildings 3rd Edition, Daioh Co., Ltd, 2013 (in Japanese)
 日本免震構造協会:パッシブ制振構造設計施工マニュアル第3版, 2013
- Wada A. and Hirose K.: Elasto-plastic dynamic behaviors of the building frames subjected to bi-directional earthquake motion, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No.399, pp.37-47, 1989.5 (in Japanese)
- 15) Jacobsen, L. S.: Damping in composite structures, 2WCEE, pp. 1029-1043, 1960
- 16) Newmark, N.M. and Rosenblueth, E.: Fundamentals of Earthquake Engineering, Prentice - Hall Inc., 1971
- Building Research Institute: Evaluation of Design Earthquake Ground Motion for Buildings, Building Research data, No.83, 1994.11 (in Japanese) 建築研究所:設計用入力地震動作成手法,建築研究資料, No.83, 1994.11
- 18) Skinner R. I., Robinson W. H. and McVerry G. H.: An Introduction to Seismic

Isolation, Wiley, 1993.

- 19) Higashino, S. and Kitamura, H.: Energy-balance based seismic response prediction methods for seismic isolated buildings with rubber bearings and viscous dampers, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No.588, pp.79-86, 2005.2 (in Japanese)
- 20) Kasai, K., Chimamphant, S. and Matsuda, K.: Performance curves for baseisolated buildings reflecting effect of superstructure vibration period, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), Vol.81, No.720, pp.239-249, 2016.2 (in Japanese)
- Yamashita, T., Mukai, Y. and Inoue, Y.: Evaluation and synthesis for aseismic responses of structural system with inter-story isolation devices, Journal of Structural and Construction Engineering (Transactions of AIJ), No.591, pp.35-42, 2005.5 (in Japanese)

付録 1. 修正 GSM の係数 κの同定について

Fig.A1 に免震支承+弾塑性ダンパーに適用する修正 GSM の係数 κ と応答評価精度の関係を示す。検討モデルは 1 層基礎免震構造物であり、モデル諸元の詳細は第 3 章に記す。キャリプレーションに用いた入力地震動は設計用スペクトルに適合した観測 4 波であり、その詳細は 2.5 節に記す。同図は検討モデルの免震層変位を例に、全モデル($0.0 \le NL \le 1.0$)の誤差比を統計処理した箱ひげ図である。同図に示すように、 $\kappa = 0.6$ の時、極端に安全側の評価となる外れ値が抑えられ、四分位範囲の誤差比が 30%以内となる。なお、付録 3 に示すように、スペクトル適合波と観測波原波では応答評価精度は概ね同等であることを確認している。

付録 2. 免震層初期剛性または除荷時弾性剛性時の応答の励起

Fig. A2 に免震層の荷重変形関係,免震層のせん断力係数時刻歴および上部 構造最上階の応答加速度時刻歴を併せて示す。同図は 4 章の超高層基礎免震 構造建物の例(Fig. 16 と対応)である。上部構造の最上階の応答加速度が最大と なる時刻は、免震層の接線剛性が除荷弾性剛性の時刻と対応し、等価線形化 解析が前提とする変形が最大となる時刻とは異なる。Fig. A2 は一例である のの,弾塑性ダンパーを導入する場合では、加速度や層せん断力係数の最大 応答値は、非免震状態(全体剛性行列の免震層の成分が初期弾性剛性または除 荷時弾性剛性で構成されている状態)の卓越固有振動特性で決定されている、 または等価剛性に基づく 1 次モードと非免震状態の高次モードが重なり合う ことで決定されている場合があると考えられる¹⁸。



Fig.A1 Comparison of k in Modified-GSM (Isolator displacement)





付録 3.3章の GRSA の精度検証の補足

3 章の1 層基礎免震構造物を用いた精度比較の補足を記す。Fig. A3 の実観 測記録(観測波原波,式(3)のαは25を使用)を入力した場合の応答値の比較に 示すように, GRSA の精度は入力波の種類(スペクトル適合波か観測波原波)に は左右されない。なお、3 章のスペクトル適合波を入力した場合の上部構造の 応答加速度の精度はFig. A4 に示す通りであり、変位応答と同等である。







DESIGN METHOD OF SEISMICALLY ISOLATED STRUCTURES BASED ON GENERALIZED RESPONSE SPECTRUM ANALYSIS

Yuki TERAZAWA^{*1}, Wataru SANO^{*2} and Toru TAKEUCHI^{*3}

*1 Assist. Prof., Dept. of Arch. and Build. Eng., Tokyo Institute of Technology, Dr.Eng.
*2 Former Grad, Student, Tokyo Institute of Technology, M.Eng. (NIKKEN SEKKEI LTD)
*3 Prof., Dept. of Arch. and Build. Eng., Tokyo Institute of Technology, Dr.Eng.

Seismic isolation is widely used in seismic areas of the world for their functions of securing both of human life and the property. While simple design methods for simple structures have been proposed by many researchers, these methods are generally limited to specific seismically isolated structural systems. Particularly in Japan, the number of challenging structural systems (e.g. a base isolation with tall buildings, mid-story isolation or roof isolation systems having substructures with dampers) where these methods cannot be applied are recently increasing. In practice, many projects require an iterative approach with time-consuming NLRHA to determine the isolation design. Therefore, this paper presents a design method for highly indeterminate seismically isolated structures utilizing generalized response spectrum analysis, which has been extended to simulate both of an elasto-plastic damper with isolator and a nonlinear oil damper. In section 2, the extension of generalized response spectrum analysis (GRSA) is described in detail. The design method of seismically isolated structures based on GRSA is proposed. In section 3, the fundamental accuracy of GRSA is verified using a series of numerical simulation of single-story isolated structure models. Moreover, the range in application of the parameter formulations of complex stiffness for complex multi shear spring element simulating elastoplastic dampers with isolator is discussed. In section 4, the design example of a tall building with base isolation based on GRSA is demonstrated. In section 5, the design example of a 9-story mid-story isolation building having substructure with dampers based on GRSA is demonstrated. In section 6, the design example of an isolated lattice dome building having substructure with dampers based on GRSA is demonstrated.

In summary, the following results were obtained:

- 1) GRSA is extended for highly indeterminate seismically isolated structures and their accuracy was verified in a series of comparison studies with non-linear response history analyses.
- 2) While modified geometrical stiffness method (Mod-GSM) is suitable for seismically isolated structure with shorter initial natural period ($T_0 = 0.1$ and 0.3,) average damping method (ADM) is suitable for seismically isolated structure with longer initial natural period ($T_0 = 0.7$ and 1.0.) The range in application of ADM to keep the evaluation error within 30% is that ductility ratio is lower than 1000 and the nonlinear coefficient NL is lower than 0.6. The range in application of Mod-GSM to keep the evaluation error within 30% is that the nonlinear coefficient NL is lower than 0.7.
- 3) A design method of seismically isolated structures based on the contour map of GRSA is proposed and the efficiency is demonstrated using a series of the design examples.
- 4) When additional dampers are distributed in supporting substructures below the isolated layer of mid-story isolated structures or seismically isolated roof structures, the horizontal stiffness of the substructure incorporating elasto-plastic damper braces should be more reduced compared with that of the substructure incorporating oil damper braces for reducing the acceleration response of the substructure. However, the response acceleration of the substructure may not be reduced for the above seismically isolated systems having substructure with elasto-plastic damper braces.

(2020年2月7日原稿受理, 2020年5月18日採用決定)